# 2014 "华约" 自主招生物理试题及参考解答

新东方优能中学自主招生提供

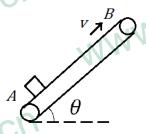
# 2014/03/01

【"华约"自主招生物理试卷分析及趋势预测】对比前几年"华约"物理题,今年题目难度又降低了不少, 但题量依然未减。与"北约"、"卓越"不同,"华约"基本不考高考物理范围以外的知识点,而是更加注重 知识点间的结合(如第三题衰变),或者结合生活中的例子(如第四题散热),或者考察学生物理建模、抽 象化的能力。而且不仅要求学生自己建模,出题人还会给大家很多不常见的模型(如第六题点电荷、第三 题衰变)。但这些新模型本质上还是高考物理的基本解答题。因此,只要看懂题目模型,在规定时间内做完 本试卷还是相对较轻松的。

"华约"出题风格一直偏难,而今年例外,明年考试的同学们千万不要因此而掉以轻心,2015 年非常 有可能会增加难度。不过出题风格基本不会变:即知识点不超纲,注重各个知识点间的结合与在实际问题 中的运用。因此同学们在复习的时候一定要充分理解每个知识点的内涵与本质,不能只追求能做对题。想 拿高分的同学,建议尽可能去上自招的培训班,这样不仅对准备自招考试大有帮助,对准备高考也会有质 的提升。

# 【"华约"自主招生物理试题及参考解答】

如图所示的传送带装置,与水平面的夹角为 $\theta$ ,且 $tan\theta = \frac{3}{4}$ 。传送带的速度为v = 4m/s,摩擦系数为 $\mu = \frac{5}{4}$ ,



将一个质量m=4kg的小物块轻轻的放置在装置的底部,已知传送带装置的底部到顶部之间的距离L=20m。(本题重力加速度 20 )。

NNN.Xdf.

www.xdf.

- (1) 求物块从传送带底部运动到顶部的时间t:
- (2) 求此过程中传送带对物块所做的功。

### 【解答】

如图做受力分析。垂直斜面方向受力平衡

$$N \qquad \qquad \frac{\theta}{\theta}$$

N.Xdf.cn

$$N = mgcos\theta = \frac{4}{5}mg$$

$$f_1 = \mu N = \frac{5}{4} \cdot \frac{4}{5} mg = mg$$

平行斜面方向做匀加速运动

$$ma = f_1 - mgsin\theta = mg - \frac{3}{5}mg = \frac{2}{5}mg$$

运动到物块速度与传送带速度相同时经过的时间为:  $t_1 = \frac{v}{a} = 1$ s

运动的距离为:  $S_1 = \frac{1}{2}at^2 = 2m$ 。 剩下的距离为 $S_2 = L - S_1 = 18$ m,之后物块与传送带一起作匀速运动,则 $t_2 = \frac{S_2}{v} = 4.5$ s

故
$$t = t_1 + t_2 = 5.5$$
s

 $f_1 = mg = 40$ N (2) 法一:由第一问可知,在物块加速过程中摩擦力为

$$f_1 = mg = 40$$
N

此时摩擦力对物块做功 $W_1=rac{1}{2}f_1a_1t_1^2=80$ J 匀速过程中摩擦力港口

$$f_1 t_1^2 = 80J$$

$$f_2 = mgsin\theta = \frac{3}{5}mg = 24N$$

www.xdf.

www.xdf.

www.xdf.

www.xdf.

则传送带做功 $W_2 = f_2 S_2 = 432$ J

则总做功 $W=W_1+W_2=512J$ 

www.xdf. (注: 若是求传送带做功,则需考虑内能的变化,此时 $W_1 = f_1 v_1 t_1 = 160$ ], $W_2$ 不变,总功为  $W = W_1 + W_2 = 592$  [3] 法二:

$$W = \frac{1}{2}mv^2 + mgL\sin\theta = 512$$

- $W=rac{1}{2}mv^2+mgLsin heta=512$ J 已知地球的半径为R,地球附近的重力加速度为g。一天的时间为T。 N X 0€ CN 2. 戸Æn 1-8 为 $E_p = -\frac{GMm}{r}$ ,其中M为地球的质量,r为卫星到地心的距离。

  - (2) 求从地球表面发射同步轨道卫星时的速度 $v_0$ 至少为多少。

是时的速度
$$v_0$$
至少为多少。 $mg = \frac{GMm}{R^2} \Rightarrow GM = gR^2$ 

对于同步卫星:

$$m\left(\frac{2\pi}{T}\right)^{2} r = \frac{GMm}{r^{2}} \Rightarrow r = \sqrt[3]{\frac{GMT^{2}}{4\pi^{2}}} = \sqrt[3]{\frac{gR^{2}T^{2}}{4\pi^{2}}}$$

$$v = wr = \frac{2\pi}{T}r = \frac{2\pi}{T} \cdot \sqrt[3]{\frac{gR^{2}T^{2}}{4\pi^{2}}} = \sqrt[3]{\frac{2\pi gR^{2}}{T}}$$

N.Xdf.cn

N.Xdf.Cn

$$v = wr = \frac{2\pi}{T}r = \frac{2\pi}{T} \cdot \sqrt[3]{\frac{gR^2T^2}{4\pi^2}} = \sqrt[3]{\frac{2\pi gR^2}{T}}$$

(2) 由机械能守恒:

能守恒: 
$$\frac{1}{2}m{v_0}'^2 - \frac{GMm}{R} = \frac{1}{2}m{v^2} - \frac{GMm}{r}$$
 
$${v_0}'^2 - \frac{2GM}{R} = v^2 - \frac{2GM}{r}$$
 
$${v_{0r}}^2 = \frac{2gR^2}{R} + v^2 - \frac{2gR^2}{r}$$

由上一问代入
$$v$$
和 $r$ 的表达式得到:
$$v_0'^2 = 2gR + \sqrt[3]{\frac{4\pi^2g^2R^4}{T^2}} - 2gR^2 \cdot \sqrt[3]{\frac{4\pi^2}{gR^2T^2}}$$
$$v_0'^2 = 2gR + \sqrt[3]{\frac{8\pi^2g^3R^4}{2gT^2}} - 2gR^2 \cdot \sqrt[3]{\frac{8\pi^2R}{2gR^3T^2}} = 2gR + 2gR \cdot \sqrt[3]{\frac{\pi^2R}{2gT^2}} - 4gR \cdot \sqrt[3]{\frac{\pi^2R}{2gT^2}}$$

N.Xdf.<sup>则有</sup>:

$$v_0' = \sqrt{2gR - 2gR\sqrt[3]{\frac{\pi^2R}{2gT^2}}} = \sqrt{2gR\left(1 - \sqrt[3]{\frac{\pi^2R}{2gT^2}}\right)}$$

NNW.Xdf.

WWW.Xdf.

注意:  $v_0$ '是发射时相对于地心的平动参考系的速度。在地球上发射时 地球自转的速度为 www.xdf.

$$u = \frac{2\pi R}{T}$$

$$u=rac{2\pi R}{T}$$
  $v_0=v_0'-u=\sqrt{2gR\left(1-rac{3}{\sqrt{rac{\pi^2R}{2gT^2}}}\right)}-rac{2\pi R}{T}$   $v_0$  ,  $v_0$  两核,开始分别做圆周运动。已知 $v_0$  是知 $v_0$  是知 $v_0$  是知 $v_0$  是一个 $v_0$ 

- 在磁场中,一静核衰变成为a,b两核,开始分别做圆周运动。已知a和b两核圆周运动的半径和周期之比分别为 $R_a$ :  $R_b=45$ : 1, $T_a$ :  $T_b=90$ : 117。此裂变反应质量亏损为4~~
  - (1) 求a和b两核的电荷数之比 $q_a/q_b$ ;
  - (2) 求a和b两核的质量数之比 $m_a/m_b$ ;
  - (3) 求静核的质量数和电荷数;
  - (4) 求a核的动能 $E_{ka}$ 。

(2) 
$$\pm T = \frac{2\pi m}{Bq}, \quad f\frac{T_a}{T_b} = \frac{m_a}{m_b} \cdot \frac{q_b}{q_a}, \quad f\frac{m_a}{m_b} = \frac{q_a T_a}{q_b T_b} = \frac{1}{45} \cdot \frac{90}{117} = \frac{2}{117}$$

- (3) 由电荷与质量之比,可设 $(m_a + m_b) = 119m_o$ , $(q_a + q_b) = 46q_o$ ,其中 $m_o$ ,  $q_o$ 为定值,单位分别 为一个原子质量单位和一个单位正电荷,可推测 $m_o=2$ , $q_0=2$ ,此时静核为 $^{238}_{92}U$ ,则此衰变为 $^{238}_{92}U$ 的 $\alpha$ 衰变。

  (4) 动能满足:  $E_{ka}=\frac{1}{2}m_av_a{}^2=\frac{p_a{}^2}{2}$ ,同样 $E_{kb}=\frac{p_b{}^2}{2}$ ,其中 $n_a$ 的,为两核动量。
- 动能满足:  $E_{ka} = \frac{1}{2} m_a v_a^2 = \frac{p_a^2}{2m_a}$ ,同样 $E_{kb} = \frac{p_b^2}{2m_b}$ ,其中 $p_a$ , $p_b$ 为两核动量。

由动量守恒知: 
$$p_a=p_b$$
, 于是有 $\frac{E_{ka}}{E_{kb}}=\frac{m_b}{m_a}=\frac{117}{2}$ 

则
$$\Delta mc^2 = E_{ka} + E_{kb}$$
,则 $E_{ka} = \frac{117}{119} \Delta mc^2$ 

- 4. 假设房间向环境传递热量的速率正比于房间和环境之间的温度差,暖气片向房间传递热量的速度也正比 于暖气片与房间之间的温度差。暖气片温度恒为 $T_0$ ,当环境温度为 $-5^{\circ}$ C时,房间温度保持在 $22^{\circ}$ C。当环 境温度为-15°C时,房间温度保持为16.5°C。
  - (1) 求暖气片的温度 $T_0$ ;
  - (2)给房子加一层保温材料,使得温差一定时房间散热的速率下降20%,求环境温度为-15°C时房间

## 【解答】

设两次房间温度分别为 $T_1 = 22^{\circ}\text{C}, T_1' = 16.5^{\circ}\text{C}$ ,环境温度分别为 $T_2 = -5^{\circ}\text{C}, T_2' = -15^{\circ}\text{C}$ ;设暖气片 向房间的散热系数为 $k_1$ ,房间向环境的散热系数为 $k_2$ ,当房间温度平衡时暖气片向房间的散热速率与房间 www.xdf.cn www.xdf.cn 向环境的散热速率相同,则有: www.xdf.

$$\begin{cases} k_1(T_0 - T_1) = k_2(T_1 - T_2) \cdots \cdots (4.1) \\ k_1(T_0 - T_1') = k_2(T_1' - T_2') \cdots \cdots (4.2) \end{cases}$$

两式相比可得:

$$\frac{(T_0 - T_1)}{(T_0 - T_1')} = \frac{(T_1 - T_2)}{(T_1' - T_2')}$$

整理,得:

$$T_0 = \frac{T_2 T_1' - T_2' T_1}{T_1' - T_2' - (T_1 - T_2)} = \frac{-5 \times 16.5 - (-15) \times 22}{16.5 - (-15) - (22 - (-5))}$$
°C = 55°C

设此时房间的温度为 $T_1$ "

则
$$\mathbf{k}_1(T_0 - T_1'') = (1 - 20\%)k_2(T_1'' - T_2')\cdots\cdots(4.3)$$

由(4.1)式可知,
$$\frac{k_1}{k_2} = \frac{T_1 - T_2}{T_0 - T_1} = \frac{22 - (-5)}{55 - 22} = \frac{9}{11}$$

则由(4.3)得
$$T_1'' = \frac{k_1 T_0 + 0.8 k_2 T_2'}{k_1 + 0.8 k_2} = \frac{9 \times 55 + 0.8 \times 11 \times (-15)}{9 + 0.8 \times 11} \approx 20.4$$
°C

蜡烛与光屏的间距为1.8m。从蜡烛处开始移动透镜,第一次在光屏上出现清晰的像之后,又向前移动了 0.72m时,再一次出现了清晰的像。求透镜的焦距f。

### 【解答】

(注:此方法在实验上称为位移法测透镜焦距,也叫二次成像法)

令光源蜡烛与光屏间距为L,两次成像时,物距(光源与透镜距离)分别为,像距分别为,两次透镜间 www.xdf. 距为d,则由成像公式:

由对称性(或光路可逆性),交换蜡烛与光屏位置,则成像时透镜在同样位置,故:

$$u_1 = v_2$$
,  $u_2 = v_1$ 

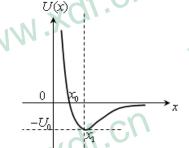
可得:

由(5.2)(5.3)相加相减,消去 $u_1, v_1$ ,代入(5.1),整理可得:

有云
$$u_1, v_1,$$
 代人(5.1),整理可特:
$$f = \frac{u_1 v_1}{u_1 + v_1} = \frac{\frac{L+d}{2} \cdot \frac{L-d}{2}}{\frac{L+d}{2} + \frac{L-d}{2}} = \frac{L^2 - d^2}{4L} = 0.378$$
m

- $x = x_1$ 时,电势有最小值。(点电荷产生的电势为  $x = x_0$ 时,电势有最小值。(点电荷产生的电势为 6. 在x轴上有两个点电荷 $q_1$ 和 $q_2$ ( $q_1$ 在 $q_2$ 的左边)。x轴上

  - (2) 求两个电荷的比值 $\frac{q_1}{q_2}$ .



NNN.Xdf.

NWW.Xdf.

www.xdf.

### 【解答】

由于在x = 0处,电势趋于正无穷,可知在原点有

即 $q_1$ 或 $q_2$ 在x=0处。假设 $q_1$ 在原点,则 $q_2$ 在正半轴,此时在正半轴一定有某处(即 $q_2$ 所处位置)电势 为无穷大,与图像矛盾,则只能是 $q_2$ 在原点, $q_1$ 在负半轴。

又由于总电势可以为负,则可知 $q_2 < 0$ ,设 $q_1$ 位置 $(x_2, 0), x_2 < 0$ www.xdf.cn

在 $x = x_0$ 处,总电势为0,则

www.xdf.cn www.xdf.

$$\frac{kq_2}{x_0} + \frac{kq_1}{x_0 - x_2} = 0 \cdots (6.1)$$
 在 $x = x_1$ 处,电势最低点,则电场强度为 $0$  
$$\frac{kq_2}{{x_1}^2} + \frac{kq_1}{(x_1 - x_2)^2} = 0 \cdots (6.2)$$

NNW.Xdf.

www.xdf.

NWW.Xdf.

ww.xdf.

N.Xdf.cn

$$\frac{kq_2}{{x_1}^2} + \frac{kq_1}{(x_1 - x_2)^2} = 0 \cdot \dots \cdot (6.2)$$

由(6.1)(6.2)可解得:

N.Xdf.cn

$$\begin{cases} x_2 = 2x_1 - \frac{{x_1}^2}{x_0} \\ \frac{q_1}{q_2} = -\left(1 - \frac{x_1}{x_0}\right)^2 \end{cases}$$

则两点电荷位置为 $q_1$ :  $\left(2x_1 - \frac{{x_1}^2}{x_0}, 0\right)$ , $q_2$ : (0,0)

则两点电荷位置为
$$q_1$$
:  $\left(2x_1\right)^2$  电荷比为 $\frac{q_1}{q_2} = -\left(1 - \frac{x_1}{x_0}\right)^2$  7. 在如下图所示的电路中, $q_1$  (1) 闭合开关后有何现象

- 在如下图所示的电路中,有四个电磁继电器。相关参数标注在图上(图片来自网络)。
  - (1) 闭合开关后有何现象:
  - (2) 改变滑动变阻器的阻值(总阻值为1欧姆),闭合开关后的现象与(1)有何不同。



- 闭合开关后,四个继电器会从左往右依次闭合,三个灯泡从左往右依次亮。到最后一个继电器闭 合后,电源被短路(由于此时的滑动变阻器电阻为零),则四个继电器从左往右又会依次打开,三个灯 泡从左往右依次熄灭。直到最后一个继电器打开,电源又接入电路。四个继电器又将依次闭合,三个 灯泡又将依次亮起。依此一直循环下去。
- (2) 只考虑第一个电磁继电器与滑动变阻器、电源所组成的电路,则其实为继电器与变阻器并联,继 而与电池相连的电路。设 $R_1$ 为第一个继电器的线圈电阻, $R_2$ 为滑动变阻器的电阻,r为电源的内阻,E为电 www.xdf. 源电动势,I为整体电流, $I_1$ 为通过电磁继电器电流,则稳定时:

$$I\left(r + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}\right) = E$$

$$I_1 = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

消去
$$I$$
,有: 
$$I_1 = \frac{ER_2}{R_1R_2 + r(R_1 + R_2)} = \frac{1.5R_2}{1 \times R_2 + 1 \times (1 + R_2)} = \frac{3R_2}{4R_2 + 2}$$
 当 $I_1 > 0.1$ A时, $R_2 > \frac{1}{13}\Omega = 0.077\Omega$ 。 即当滑动变阻器的电阻小于 $0.077\Omega$ 时,现象与第一问一样。

即当滑动变阻器的电阻小于0.077Ω时,现象与第一问一样。

当滑动变阻器的电阻大于0.077Ω时, 无论第四个继电器是否闭合, 第一个继电器始终达到吸附电流,  $I_1>0.1A$ ,则不会断开,因此当四个继电器都闭合之后,电路将保持这样的状态,三个灯泡全部亮起,不 会像第一问一样循环闪烁。

www.xdf.