

太原市 2015 年高三年级模拟试题(二)

数学试卷(理工类)

(考试时间:下午 3:00—5:00)

注意事项:

1. 本试卷分第 I 卷(选择题)和第 II 卷(非选择题)两部分,第 I 卷 1 至 3 页,第 II 卷 4 至 7 页。
2. 回答第 I 卷前,考生务必将自己的姓名、准考证号、考试科目涂写在答题卡上。
3. 回答第 I 卷时,选出每小题答案后,用 2B 铅笔把答题卡上的对应题目的答案标号涂黑,如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号,写在本试卷上无效。
4. 回答第 II 卷时,将答案写在答题卡相应位置上,写在本试卷上无效。
5. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。

第 I 卷

一、选择题:本题共 12 小题,每小题 5 分,共 60 分,在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。

1. 已知 i 为虚数单位,集合 $A = \{1, 2, zi\}$, $B = \{1, 3\}$, $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$, 则复数 $z =$

A. $-4i$ **考点: 集合的运算与复数的结合** B. $4i$

C. $-2i$ D. $2i$
2. 下列命题中的假命题是

A. $\forall x \in \mathbb{R}, e^x > 0$ **考点: 存在性命题的否定** B. $\forall x \in \mathbb{R}, x^2 \geq 0$

C. $\exists x_0 \in \mathbb{R}, \sin x_0 = 2$ D. $\exists x_0 \in \mathbb{R}, 2^{x_0} > x_0^2$
3. 已知 $a = (x, 2)$, $b = (2, -1)$, 且 $a \perp b$, 则 $|a - b| =$

A. $\sqrt{5}$ **平面向量的运算** B. $\sqrt{10}$

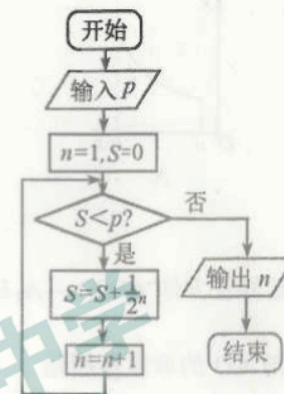
C. $2\sqrt{5}$ D. 10

4. 已知 $\sin \alpha + \cos \alpha = \sqrt{2}$, $\alpha \in (-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$, 则 $\tan \alpha =$ **三角函数的基本性质**

- A. -1 B. $-\frac{\sqrt{2}}{2}$
- C. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D. 1

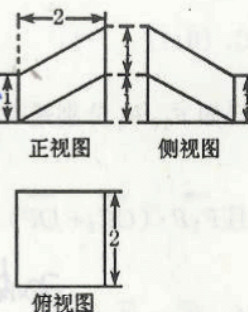
5. 执行右图所示的程序框图, 若 $p = \frac{11}{12}$, 则输出的 $n =$ **程序框图的应用**

- A. 4
- B. 5
- C. 6
- D. 7



6. 已知某几何体的三视图如图所示, 则该几何体的体积为 **三视图的切割补形 -> 长方体应用**

- A. $\frac{14}{3}$
- B. 4
- C. $\frac{10}{3}$
- D. 3



7. 已知 $\triangle ABC$ 中, $\cos A = \frac{3}{5}$, $\cos B = \frac{4}{5}$, $BC = 4$, 则 $\triangle ABC$ 的面积为 **三角形的综合应用**

- A. 6
- B. 12
- C. 5
- D. 10

8. 已知点 $A(-a, 0)$, $B(a, 0)$, 若圆 $(x - 3)^2 + (y - 4)^2 = 1$ 上存在点 P , 使得 $\angle APB = 90^\circ$,

则正数 a 的取值范围为 **圆的位置关系的应用**

- A. $[4, 6]$ B. $[5, 6]$
- C. $[4, 5]$ D. $[3, 6]$

三、解答题：解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤。

17. (本小题满分 12 分) *数列的知识应用 以及错位相减法的应用*

已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，且 $a_1 = 1, S_3 = 9$ ，数列 $\{b_n\}$ 中 $b_1 = 1, b_3 = 20$ 。

(I) 若数列 $\{\frac{b_n}{a_n}\}$ 是公比 $q > 0$ 的等比数列，求 a_n, b_n ；

(II) 在(I)的条件下，求数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 T_n 。

18. (本小题满分 12 分) *立体几何与概率的综合应用*

已知正三棱锥 $S-ABC$ 的侧棱 SA, SB, SC 两两互相垂直， D, E, F 分别是它们的中点， $SA = SB = SC = 2$ ，现从 A, B, C, D, E, F 六个点中任取三个点，加上点 S ，把这四个点每两个点相连后得到一个“空间体”，记这个“空间体”的体积为 X (若点 S 与所取三点在同一平面内，则规定 $X = 0$)。

(I) 求事件“ $X = 0$ ”的概率；

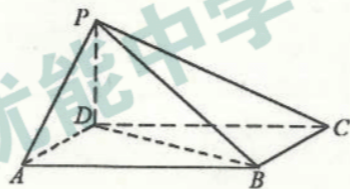
(II) 求随机变量 X 的分布列及数学期望。

19. (本小题满分 12 分) *空间几何的综合应用*

如图，四棱锥 $P-ABCD$ 的底面 $ABCD$ 是平行四边形， $\angle DAB = 60^\circ, AB = 2AD, PD \perp$ 平面 $ABCD$ 。

(I) 求证： $AD \perp PB$ ；

(II) 若 BD 与平面 PBC 的所成角为 30° ，求二面角 $A-PB-C$ 的余弦值。



20. (本小题满分 12 分) *椭圆的定义 与向量的综合应用 直角与圆的位置关系*

已知动点 A 在椭圆 $C: \frac{y^2}{a^2} + \frac{x^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 上，动点 B 在直线 $x = -2$ 上，且满足 $\vec{OA} \perp \vec{OB}$

(O 为坐标原点)，椭圆 C 上的点 $M(\frac{\sqrt{3}}{2}, 3)$ 到两焦点距离之和为 $4\sqrt{3}$ 。

(I) 求椭圆 C 方程；

(II) 判断直线 AB 与圆 $x^2 + y^2 = 3$ 的位置关系，并证明你的结论。

21. (本小题满分 12 分) *导数、单调性的综合应用*

已知函数 $f(x) = \ln x - ax (a > 0)$ 有两个不相等的零点 $x_1, x_2 (x_1 < x_2)$ 。

(I) 求 a 的取值范围；

(II) 证明： $\frac{x_2}{x_1}$ 是 a 的减函数；

(III) 证明： $x_1 \cdot x_2$ 是 a 的减函数。

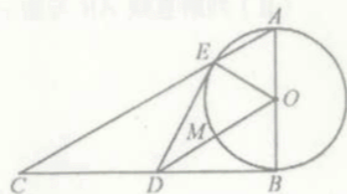
请考生在第 22、23、24 三题中任选一题作答，如果多做，则按所做的第一题计分，作答时
请把答题卡上所选题目号后的方框涂黑。

22. (本小题满分 10 分) 选修 4-1: 几何证明选讲

如图, $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC = 90^\circ$, 以 AB 为直径的圆 O 交 AC 于点 E , 点 D 是 BC 边的中点,
 OD 交圆 O 于点 M .

(I) 求证: O, B, D, E 四点共圆;

(II) 求证: $AB + AC = \frac{2DE^2}{DM}$.



23. (本小题满分 10 分) 选修 4-4: 坐标系与参数方程

已知平面直角坐标系 xOy 中, 过点 $P(-1, -2)$ 的直线 l 的参数方程为 $\begin{cases} x = -1 + t\cos 45^\circ, \\ y = -2 + t\sin 45^\circ \end{cases}$ (t 为参数), 以原点 O 为极点, x 轴的正半轴为极轴建立极坐标系, 曲线 C 的极坐标方程为 $\rho \sin \theta \tan \theta = 2a (a > 0)$, 直线 l 与曲线 C 相交于不同的两点 M, N .

(I) 求曲线 C 和直线 l 的普通方程;

(II) 若 $|PM| = |MN|$, 求实数 a 的值.

1. 参数方程、极坐标与圆锥曲线的应用
2. 直线与曲线相交的知识总结

24. (本小题满分 10 分) 选修 4-5: 不等式选讲

已知函数 $f(x) = |x + a| + |x + \frac{1}{a}| (a > 0)$.

(I) 当 $a = 2$ 时, 求不等式 $f(x) > 3$ 的解集;

(II) 证明: $f(m) + f(-\frac{1}{m}) \geq 4$.

绝对值不等式的求法

弥 封 线 内 不 要 答 题

太原市 2015 年高三年级模拟试题 (二)

理科数学答题卡

姓名 太原新东方

准考证号 000000001

注意事项

1. 答题前，考生务必须先认真核准条形码上的姓名、准考证号，然后使用0.5毫米的黑色笔迹签字笔将姓名、准考证号填写在相应位置，并在答题卡背面左上角填写姓名和准考证号末两位。准考证号的每个书写框内只能填写一个阿拉伯数字。要求字体工整，笔迹清晰。填写阿拉伯数字的样例：01123456789
2. 答第 I 卷时，必须使用2B铅笔填涂。修改时，要用橡皮将修改处擦干净，规范填涂样例：■
3. 答第 II 卷时，必须使用0.5毫米的黑色笔迹签字笔书写，作图题可先用铅笔绘出，确认后再用0.5毫米的黑色笔迹签字笔描清。要求字迹工整，笔迹清晰，严格按题号所指示的答题区域作答，超出答题区域书写的答案无效，在试题、草稿纸上答题无效。
4. 保持答题卡清洁、完整，严禁折叠，严禁在答题卡上作任何标记，严禁使用涂改液、胶带纸和修正带。严禁污染答题卡上的黑色方块。
5. 未按上述要求填写、答题，影响评分质量，后果自负。

此栏禁止考生填涂 缺考标记 缺考考生由监考员贴条形码，并用2B铅笔填涂左边的缺考标记。

第 I 题 (用2B铅笔填涂)

| | | |
|--|---|---|
| 1 <input checked="" type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | 6 <input type="checkbox"/> A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | 11 <input checked="" type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D |
| 2 <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | 7 <input checked="" type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | 12 <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input checked="" type="checkbox"/> D |
| 3 <input type="checkbox"/> A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | 8 <input checked="" type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | |
| 4 <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input checked="" type="checkbox"/> D | 9 <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input checked="" type="checkbox"/> D | |
| 5 <input type="checkbox"/> A <input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | 10 <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input checked="" type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D | |

第 II 题 (用0.5毫米的黑色笔迹签字笔书写)

二、填空题 (每小题5分，共20分)

13. $4 - \ln 3$ 14. 2
15. $\frac{n}{3n-2}$ 16. $[\frac{1}{2}, \frac{3}{2}]$

三、解答题 (共70分)

17. (12分)

解：(1) 由题意得： $S_3 = 3a_2 = P$ ， $\therefore a_2 = 3$

又 $a_1 = 1$ ， $\therefore d = 2$ ， $\therefore a_n = 2n - 1$ 。

$\therefore \frac{b_1}{a_1} = 1$ ， $\frac{b_3}{a_3} = \frac{20}{5} = 4$ ， \therefore 数列 $\{\frac{b_n}{a_n}\}$ 的公比 $q = 2$ ，

$\therefore \frac{b_n}{a_n} = 2^{n-1}$ 。

$\therefore b_n = 2^{n-1} a_n = (2n-1) \cdot 2^{n-1}$

请在各题目的答题区域内作答，超出答题区域的答案无效

请在各题目的答题区域内作答，超出答题区域的答案无效

续17题

(2) 由(1)得 $b_n = (2n-1) \cdot 2^{n-1}$

$\therefore T_n = 1 \times 2^0 + 3 \times 2^1 + 5 \times 2^2 + \dots + (2n-1) \times 2^{n-1}$ ①

① $\times 2$ 得 $2T_n = 1 \times 2^1 + 3 \times 2^2 + 5 \times 2^3 + \dots + (2n-1) \times 2^n$ ②

① - ② 得 $-T_n = 1 + 2 \times 2^1 + 2 \times 2^2 + \dots + 2 \times 2^{n-1} - (2n-1) \times 2^n$

$\therefore T_n = (2n-1) \times 2^n - \frac{4 \times (1-2^{n+1})}{1-2}$

$\therefore T_n = (2n-3) \cdot 2^n + 3$

18. (12分)

解：(1) 从 A, B, C, D, E, F 六个点中任取三个点，

共有 $C_6^3 = 20$ 种不同取法。其中所选取的 3 个点与点 S 在同一平面内的取法共 $C_3^3 C_3^0 = 12$ 种不同取法， \therefore 所求事件 " $X=0$ " 的概率

$P(X=0) = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$

(2) 由题意得 X 的所有可能取值为 0, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{2}{3}$, $\frac{4}{3}$;

$P(X = \frac{1}{6}) = \frac{C_3^2 C_1^1}{C_6^3} = \frac{1}{20}$ $P(X = \frac{1}{3}) = \frac{C_3^1 C_2^2}{C_6^3} = \frac{3}{20}$

$P(X = \frac{2}{3}) = \frac{C_3^0 C_3^3}{C_6^3} = \frac{3}{20}$ $P(X = \frac{4}{3}) = \frac{C_3^0 C_3^3}{C_6^3} = \frac{1}{20}$

由(1)得 $P(X=0) = \frac{3}{5}$ \therefore 随机变量 X 的分布列为：

| | | | | | |
|---|---------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| X | 0 | $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{2}{3}$ | $\frac{4}{3}$ |
| P | $\frac{3}{5}$ | $\frac{1}{20}$ | $\frac{3}{20}$ | $\frac{3}{20}$ | $\frac{1}{20}$ |

请在各题目的答题区域内作答，超出答题区域的答案无效

请在各题目的答题区域内作答，超出答题区域的答案无效

续18题

$\therefore E(X) = 0 \times \frac{3}{5} + \frac{1}{6} \times \frac{1}{20} + \frac{1}{3} \times \frac{3}{20} + \frac{2}{3} \times \frac{3}{20} + \frac{4}{3} \times \frac{1}{20}$
 $= \frac{9}{40}$

19. (12分)

证明：(1) 在 $\triangle ABD$ 中， $\angle DAB = 60^\circ$ ，

$AB = 2AD$ ，由余弦定理得：

$BD^2 = AB^2 + AD^2 - 2AB \cdot AD \cos \angle DAB$
 $= 3AD^2 \therefore AB^2 = AD^2 + BD^2 \therefore \angle ADB = 90^\circ \therefore AD \perp BD$

$\therefore PD \perp$ 平面 $ABCD$ ， $\therefore PD \perp AD$ 。

$\therefore AD \perp$ 平面 PBD ， $\therefore AD \perp PB$ 。

(2) $\because PD \perp$ 平面 $ABCD$ ， $\therefore PD \perp AD$ ， $PD \perp BD$ ，

由(1)得 $AD \perp BD$ ，以点 D 为坐标原点，以 DA, DB, DP 分别为 x 轴, y 轴, z 轴建立空间直角坐标系：

设 $AD = a$ ， $DP = b$ ，则 $D(0, 0, 0)$ ， $A(a, 0, 0)$ ， $B(0, \sqrt{3}a, 0)$ ， $C(-a, -\sqrt{3}a, 0)$ ， $P(0, 0, b)$ $\therefore \vec{DB} = (0, \sqrt{3}a, 0)$ ， $\vec{BC} = (-a, 0, 0)$ ， $\vec{PB} = (0, \sqrt{3}a, -b)$ ，设 $\vec{m} = (x, y, z)$ 是平面 PBC 的一个法向量。

则 $\begin{cases} \vec{m} \cdot \vec{BC} = -ax = 0 \\ \vec{m} \cdot \vec{PB} = \sqrt{3}ay - bz = 0 \end{cases} \therefore \vec{m} = (0, \frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{a}{b})$

$\therefore BD$ 与平面 PBC 所成角为 30° ， $\therefore \vec{m}$ 与 \vec{DB} 夹角为 60° 。

$\therefore \cos \langle \vec{m}, \vec{DB} \rangle = \frac{\vec{m} \cdot \vec{DB}}{|\vec{m}| |\vec{DB}|} = \cos 60^\circ \therefore b = a$

$\therefore \vec{m} = (0, \frac{\sqrt{3}}{3}, 1)$

设平面 PAB 的一个法向量为 \vec{n} ，易得 $\vec{n} = (1, \frac{\sqrt{3}}{3}, 1)$

$\therefore \cos \langle \vec{m}, \vec{n} \rangle = \frac{\vec{m} \cdot \vec{n}}{|\vec{m}| |\vec{n}|} = \frac{2\sqrt{7}}{7}$

\therefore 二面角 $A-PB-C$ 的余弦值为 $-\frac{2\sqrt{7}}{7}$

请在各题目的答题区域内作答，超出答题区域的答案无效

考生姓名: _____ 准考证号: _____
 考生必须将姓名、准考证号末两位用0.5毫米的黑色笔迹签字笔认真填写在书写框内。准考证号末两位的每个书写框只能填写一个阿拉伯数字。

请在各题目的答题区域内作答, 超出答题区域的答案无效

20. (12分)

解: (1) 由题知: $\begin{cases} 2a=4\sqrt{3} \\ \frac{a}{a^2} + \frac{3}{4b^2} = 1 \end{cases} \therefore a^2=12, b^2=3$
 \therefore 椭圆C方程 $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{3} = 1$
 (2) 直线AB与圆 $x^2+y^2=3$ 相切。
 由题意可设 $A(x_0, y_0), B(-2, t) (t \in R)$ 。
 则直线AB的方程为 $(y_0-t)x - (x_0+2)y + (tx_0+2y_0) = 0$
 $\therefore \vec{OA} \perp \vec{OB}, \therefore 2x_0 = ty_0, \therefore t = \frac{2x_0}{y_0}$
 \therefore 点A在椭圆C, $\therefore \frac{y_0^2}{12} + \frac{x_0^2}{3} = 1, \therefore y_0^2 = 12 - 4x_0^2$
 \therefore 原点O到直线AB的距离:
 $d = \frac{|tx_0+2y_0|}{\sqrt{(y_0-t)^2 + (x_0+2)^2}} = \frac{|tx_0+2y_0|}{\sqrt{y_0^2 - 2ty_0 + t^2 + x_0^2 + 4x_0 + 4}}$
 $= \frac{|tx_0+2y_0|}{\sqrt{y_0^2 + t^2 + x_0^2 + 4}} = \frac{2|x_0^2 + y_0^2|}{\sqrt{x_0^2 y_0^2 + y_0^4 + 4x_0^2 + 4y_0^2}}$
 $= \frac{6|4-x_0^2|}{\sqrt{12(x_0^4 - 8x_0^2 + 16)}} = \sqrt{3}$
 \therefore 直线AB与圆 $x^2+y^2=3$ 相切。

请在各题目的答题区域内作答, 超出答题区域的答案无效

请在各题目的答题区域内作答, 超出答题区域的答案无效

21. (12分)

解: (1) 由题得: x_1, x_2 是方程 $\ln x = ax$ 的两个不相等正实根,
 令 $g(x) = \ln x, h(x) = ax (x > 0)$ 。
 设 $y = kx (k > 0)$ 是 $g(x) = \ln x$ 的切线, 其切点为 (x_0, y_0) 。
 则 $k = \frac{1}{x_0}, \therefore \begin{cases} y_0 = kx_0 = 1 \\ y_0 = \ln x_0 \end{cases} \therefore x_0 = e, \therefore k = \frac{1}{x_0} = \frac{1}{e}$
 $\therefore 0 < a < \frac{1}{e}$, 综上, a 的范围是 $(0, \frac{1}{e})$;
 (2) 证明: 由(1)得 $a_{\max} < g(e) = \frac{1}{e}, \therefore 0 < a < \frac{1}{e}$ 。
 不妨设 $0 < a_1 < a_2 < \frac{1}{e}$, 设 $m_1, m_2 (m_1 < m_2)$ 是 $f(x) = \ln x - a_1 x$ 的两个零点, 则 m_1, m_2 是方程 $a = \frac{\ln x}{x}$ 的两个不相等正实根,
 由(1)得 $m_1 \in (0, e), m_2 \in (e, +\infty)$, 同理设 $n_1, n_2 (n_1 < n_2)$ 是 $f(x) = \ln x - a_2 x$ 的两个零点, 则 n_1, n_2 是方程 $a = \frac{\ln x}{x}$ 的两个不相等正实根, 则 $n_1 \in (0, e), n_2 \in (e, +\infty)$
 $\therefore g(x)$ 在 $(0, e)$ 上递增, $a_1 < a_2, \therefore 0 < m_1 < n_1 < e$,
 $\therefore g(x)$ 在 $(e, +\infty)$ 上递减, $a_1 < a_2, \therefore e < n_2 < m_2$,
 $\therefore \frac{m_2}{m_1} > \frac{n_2}{n_1}, \therefore \frac{x_2}{x_1}$ 是 a 的减函数。
 (3) 证明: $\because x_1, x_2$ 是 $f(x)$ 的两个不相等的零点 $\therefore \begin{cases} \ln x_1 = ax_1 \\ \ln x_2 = ax_2 \end{cases}$
 令 $t = \frac{x_2}{x_1} (t > 1)$, 则 $\begin{cases} \ln x_1 = ax_1 \\ \ln x_1 + \ln t = a t x_1 \end{cases}$
 $\therefore \ln x_1 = \frac{\ln t}{t-1}, \ln x_2 = \frac{t \ln t}{t-1}$
 $\therefore \ln(x_1 x_2) = \ln x_1 + \ln x_2 = \frac{(t+1) \ln t}{t-1}$
 设 $h(t) = \frac{(t+1) \ln t}{t-1} (t > 1)$ 则 $h'(t) = \frac{-2 \ln t + t - \frac{1}{t}}{(t-1)^2}$
 设 $k(t) = -2 \ln t + t - \frac{1}{t} (t > 1)$ 则 $k'(t) = \frac{(t-1)^2}{t^2} > 0$
 $\therefore k(t)$ 在 $(1, +\infty)$ 是增函数, $\therefore k(t) > k(1) = 0$
 $\therefore h'(t) > 0, \therefore x_1 x_2$ 是 t 的增函数,
 由(2)可知, $x_1 x_2$ 是 a 的减函数。

请在各题目的答题区域内作答, 超出答题区域的答案无效

请在各题目的答题区域内作答, 超出答题区域的答案无效

选考题: (22) (23) (24)
 (考生在(22)、(23)、(24)三题中任选一题作答, 注意: 只能做所选定的题目, 如果多做, 则按所做的第一题计分, 作答时请用2B铅笔将所选题号后的方框涂黑。)

选做题号: _____ (10分)

22. (1) 证明: 连接BE, $\because AB$ 是圆O的直径,
 $\therefore \angle AEB = \angle BEC = 90^\circ$, 又 $\because D$ 是BC的中点,
 $\therefore DE = BD$, 又 $\because DE = OB, OD = OD$,
 $\therefore \triangle ODE \cong \triangle ODB$,
 $\therefore \angle OBD = \angle OED = 90^\circ, \therefore O, B, D, E$ 四点共圆(第22题图)
 (2) 证明: 延长DO, 交圆O于F, 由(1)得DE是圆O的切线,
 $\therefore DE^2 = DM \cdot DF = DM(OD + OF)$
 $\therefore OD = \frac{1}{2} AC, OF = \frac{1}{2} AB, \therefore DE^2 = \frac{1}{2} DM \cdot (AB + AC)$
 $\therefore AB + AC = \frac{2DE^2}{DM}$
 23. (1) $\begin{cases} x = -1 + t \cos 45^\circ \\ y = -2 + t \sin 45^\circ \end{cases} (t \text{ 为参数}) \Rightarrow x - y - 1 = 0$
 $\therefore \rho \sin \theta \tan \theta = 2a, \therefore \rho^2 \sin^2 \theta = 2a \rho \cos \theta \Rightarrow y^2 = 2ax$
 (2) $\because y^2 = 2ax, \therefore x \geq 0$. 设直线l上点M, N对应的参数分别是 $t_1, t_2 (t_1 > 0, t_2 > 0)$, 则 $|PM| = t_1, |PN| = t_2$.
 $\because |PM| = |MN|, \therefore |PM| = \frac{1}{2} |PN|, \therefore t_2 = 2t_1$.
 将 $\begin{cases} x = -1 + t \cos 45^\circ \\ y = -2 + t \sin 45^\circ \end{cases}$ 代入 $y^2 = 2ax$ 得 $t^2 - (2a+4)t + 4(a+2) = 0$,
 $\therefore \begin{cases} t_1 + t_2 = 2\sqrt{2}(a+2) \\ t_1 t_2 = 4(a+2) \end{cases}$ 又 $\because t_2 = 2t_1, \therefore a = \frac{1}{4}$
 24. (1) 当 $a=2$ 时, $f(x) = |x+2| + |x+\frac{1}{2}|$, 原不等式等价于:
 $\begin{cases} x < -2 \\ -x-2-x-\frac{1}{2} > 3 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} -2 \leq x \leq -\frac{1}{2} \\ x+2-x-\frac{1}{2} > 3 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} x > -\frac{1}{2} \\ x+2+x+\frac{1}{2} > 3 \end{cases}$
 $\therefore x < -\frac{11}{4}$ 或 \emptyset 或 $x > \frac{1}{4}, \therefore x \in (-\infty, -\frac{11}{4}) \cup (\frac{1}{4}, +\infty)$
 (2) 证明: $f(m) + f(\frac{1}{m}) = |m+a| + |m+\frac{1}{a}| + |-\frac{1}{m}+a| + |-\frac{1}{m}+\frac{1}{a}|$
 $= (|m+a| + |-\frac{1}{m}+a|) + (|m+\frac{1}{a}| + |-\frac{1}{m}+\frac{1}{a}|) \geq 2|m+\frac{1}{m}|$
 $= 2(|m| + \frac{1}{|m|}) \geq 4$

请在各题目的答题区域内作答, 超出答题区域的答案无效

