

太原市 2017—2018 学年第一学期期中考试

八年级数学

一、选择题（本大题含 10 个小题，每小题 3 分，共 30 分）

1. 实数 $\sqrt{6}$ 的相反数是（ ）

- A. $-\sqrt{6}$ B. $\sqrt{6}$ C. $-\frac{1}{\sqrt{6}}$ D. $\sqrt{-6}$

【答案】 A

【考点】 相反数的概念

2. 下列各组数中，能作为直角三角形三边长的是（ ）

- A. 4, 5, 6 B. 5, 7, 12 C. 1, 1, $\sqrt{2}$ D. 1, $\sqrt{2}$, 3

【答案】 C

【考点】 勾股定理的应用

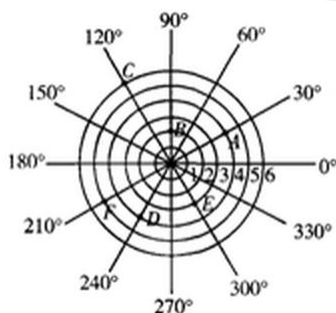
3. 下列计算正确的是（ ）

- A. $\sqrt{9} = \pm 3$ B. $\sqrt[3]{-8} = -2$ C. $\sqrt{(-3)^2} = -3$ D. $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$

【答案】 B

【考点】 实数的运算

4. 如图是用雷达探测器测得的六个目标，A, B, C, D, E, F。其中，目标 E, F 的位置表示为 $E(300^\circ, 3)$ ， $F(210^\circ, 5)$ ，按照此方法表示目标 A, B, C, D 的位置，不正确的是（ ）



- A. $A(30^\circ, 4)$ B. $B(90^\circ, 2)$ C. $C(120^\circ, 6)$ D. $D(240^\circ, 3)$

【答案】 D

【考点】 点的坐标表示

5. 一次函数 $y = -2x - 5$ 的图象经过坐标系的 ()

- A. 第一、二、三象限
B. 第一、二、四象限
C. 第二、三、四象限
D. 第一、三、四象限

【答案】C

【考点】一次函数图象过象限问题

6. 下列实数中的无理数为 ()

- A. $0.5\dot{3}$ B. $\sqrt[3]{-27}$ C. $(\sqrt{6})^2$ D. $\frac{\pi}{2}$

【答案】D

【考点】无理数的定义

7. 已知平面直角坐标系中点 A 的坐标为 $(-4, 3)$, 则下列结论正确的是 ()

- A. 点 A 到 x 轴的距离为 4
B. 点 A 到 y 轴的距离为 3
C. 点 A 到原点的距离为 5
D. 点 A 关于 x 轴对称的点的坐标为 $(4, -3)$

【答案】C

【考点】点到坐标轴的距离与点关于坐标轴的对称

8. 若点 A $(1, a)$ 和点 B $(4, b)$ 在直线 $y = -2x + m$ 上, 则 a 与 b 的大小关系是 ()

- A. $a > b$ B. $a < b$ C. $a = b$ D. 与 m 的值有关

【答案】A

【考点】一次函数图象与性质

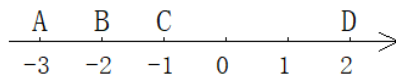
【解析】 $\because k < 0,$

$\therefore y$ 随 x 的增大而减小

$\because 1 < 4$

$\therefore a > b$

9. 如图, 数轴上的 A, B, C, D 四点对应的数分别是 $-3, -2, -1, 2$. 其中与表示 $-\sqrt{3}$ 的点距离最近的点是 ()



(第9题图)

- A. 点 A B. 点 B C. 点 C D. 点 D

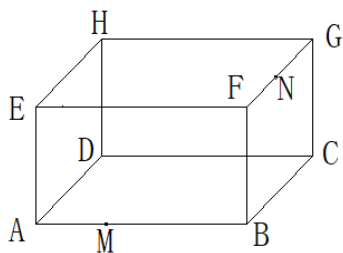
【答案】B

【考点】估算与绝对值

【解析】 $\because \sqrt{3} \approx 1.73$

\therefore 距离离点 B 较近。

10. 如图是放在地面上的一个长方体盒子, 其中 $AB=18\text{cm}$, $BC=12\text{cm}$, $BF=10\text{cm}$, 点 M 在棱 AB 上, 且 $AM=6\text{cm}$, 点 N 是 FG 的中点. 一只蚂蚁要沿着长方体盒子的表面从点 M 爬行到点 N, 它需要爬行的最短路程为 ()



(第10题图)

- A. 20cm B. $2\sqrt{106}$ cm C. $(12 + 2\sqrt{34})$ cm D. 18cm

【答案】 A

【考点】 利用勾股定理求立体图形中的最短距离

【解析】 由于从点M出发，到点N，故可以将长方体所缩小为长12cm，宽6cm，高10cm的长方体，我们将长方体展开为一个长方形，M，N在对角线上，利用勾股定理可容易求得 $12^2 + 16^2 = 20^2$ ，所以很容易求得答案为A。

二、填空题 (本大题含5个小题，每小题2分，共10分) 把答案写在题中横线上。

11. 计算 $(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)$ 的结果为_____.

【答案】 2

【考点】 完全平方差公式 $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$; 二次根式的计算

【解析】 $(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1) = \sqrt{3}^2 - 1^2 = 2$

12. 已知正比例函数 $y = kx$ 的图象经过点 P (3, 6)，则 k 的值等于_____.

【答案】 2

【考点】 正比例函数求解解析式

【解析】 将点 P(3, 6) 代入正比例函数的表达式中得 $6 = 3k$ ，解得 $k = 2$

13. 已知等边 $\triangle ABC$ 的边长为 2cm，它的高为_____cm.

【答案】 $\sqrt{3}$

【考点】 勾股定理求长度、等边三角形的性质

【解析】 过等边三角形任意一个顶点做底边上的高，记为 h，根据等边三角形三线合一的性质以及勾股定理得

$$h^2 = 2^2 - 1^2, \text{ 解得 } h = \sqrt{3}$$

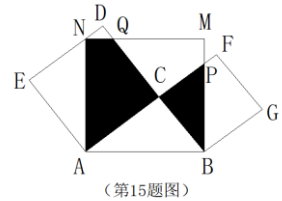
14. 比较大小: $\frac{5}{8}$ _____ $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$. (填“>”, “<”或“=“)

【答案】 >

【考点】 作差法比较无理数大小

【解析】 作差: $\frac{5}{8} - \frac{\sqrt{5}-1}{2} = \frac{9-4\sqrt{5}}{8} = \frac{\sqrt{81}-\sqrt{80}}{8} > 0$

15. 如图, Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $AC = 4$, $BC = 3$, 以 AB , BC , AC 为边在 AB 同侧作正方形 $ABMN$, 正方形 $ACDE$ 和正方形 $BCFG$, 其中线段 DE 经过点 N , CF 与 BM 交于点 P , CD 与 MN 交于点 Q . 图中阴影部分的面积为_____.



【答案】 13

【考点】 三角形全等、勾股定理、面积代换

【解析】 易证 $\triangle ABP \cong \triangle BMQ$, $S_{DABP} = S_{DBMQ}$, $S_{DABP} - S_{DCPB} = S_{DBMQ} - S_{DCPB}$, 所以 $S_{DABC} = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6 = S_{CPMQ}$, 正

方形面积: $S_1 = 25$, 所以阴影部分面积: $S_2 = S_1 - 2S_{\square ABC} = 25 - 6 \times 2 = 13$

三、解答题 (本大题含 8 个小题, 共 60 分) 解答应写出必要的文字说明、演算步骤和推理过程。

16. 计算: (每题 3 分, 共 12 分)

(1) $\sqrt{12} + 3\sqrt{3}$ (2) $\frac{\sqrt{18} - \sqrt{10}}{\sqrt{2}} + \sqrt{5}$

解: 原式 $= 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$
 $= 5\sqrt{3}$

解: 原式 $= 3 - \sqrt{5} + \sqrt{5}$
 $= 3$

(3) $(2\sqrt{3} + \sqrt{6})^2$ (4) $\sqrt{18} + 10\sqrt{\frac{1}{5}} - \sqrt{8} + \frac{1}{3}\sqrt{45}$

解: 原式 $= 12 + 6 + 4\sqrt{18}$
 $= 18 + 12\sqrt{2}$

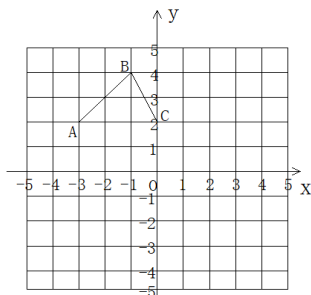
解: 原式 $= 3\sqrt{2} + \sqrt{20} - 2\sqrt{2} + \sqrt{5}$
 $= 3\sqrt{2} + 2\sqrt{5} - 2\sqrt{2} + \sqrt{5}$
 $= \sqrt{2} + 3\sqrt{5}$

17. ((本题 6 分)

如图, 在平面直角坐标系中, $\triangle ABC$ 的顶点坐标分别为 $A(-3,2), B(-1,4), C(0,2)$.

(1) 在如图的平面直角坐标系中画出 $\triangle ABC$ 关于 y 轴对称的 $\triangle A_1B_1C_1$, 并直接写出 A_1, B_1, C_1 的坐标;

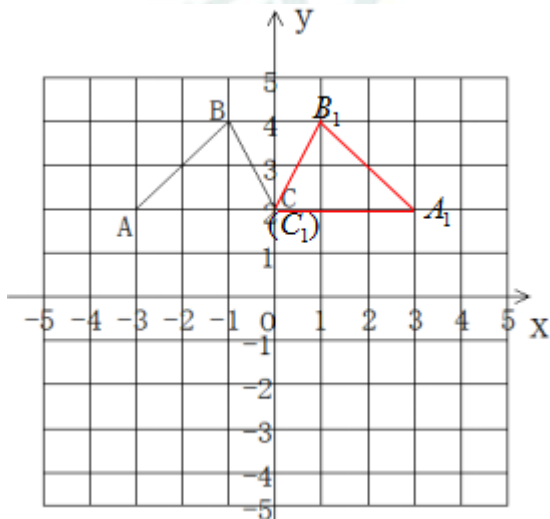
(2) 若将 $\triangle ABC$ 三个顶点的纵坐标分别乘 -1 , 横坐标不变, 将所得的三个点用线段顺次连接, 得到的三角形与 $\triangle ABC$ 的位置关系是_____.



【考点】关于坐标轴对称的点的特征、平面直角坐标系中点的表示

【解析】(1) 关于 y 轴对称的点：纵坐标不变，横坐标乘以-1

所以： $A_1(3,2)$; $B_1(1,4)$; $C_1(0,2)$



如图， $\triangle A_1B_1C_1$ 为所求

(2) 关于 x 轴对称的点：横坐标不变，纵坐标乘以-1，所以两个三角形关于 x 轴对称。

18. (本题 4 分)

物体自由下落的高度 h (单位：m) 与下落时间 t (单位：s) 之间的关系为 $h = 4.9t^2$. 如图，有一个物体从 78.4m 高的建筑物上自由下落，到达地面需要多长时间？



【考点】平方根的意义

【解析】解：由题意可知： $h = 78.4$

$$\therefore 78.4 = 4.9t^2$$

$$\therefore t^2 = 16$$

$$\therefore t_1 = 4, t_2 = -4(\text{舍})$$

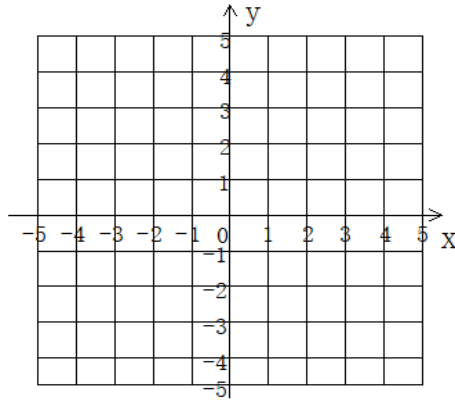
$$\therefore t = 4$$

答：到达地面需要 4s.

19. (本题 5 分)

已知一次函数 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 的图象与 x 轴相交于点 A, 与 y 轴相交于点 B.

(1) 求点 A, B 的坐标, 并在如图的坐标系中画出函数 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 的图象;



(2) 若点 C (2, m) 在函数 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 的图象上, 求点 C 到 x 轴的距离.

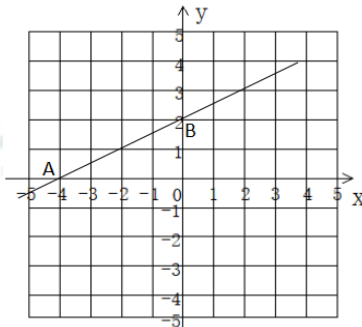
【考点】一次函数的图象与点到坐标轴的距离

【解析】解: (1) $A(-4, 0); B(0, 2)$

$$(2) m = \frac{1}{2} \cdot 2 + 2 = 3$$

$$\therefore C(2, 3)$$

\therefore 点 C 到 x 轴的距离为 3

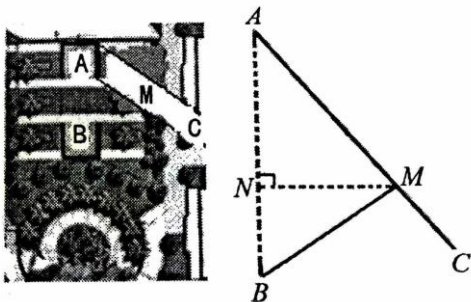


20. (本题 6 分)

如图, 某小区的两个喷泉 A、B 位于小路 AC 的同侧, 两个喷泉的距离 AB 的长为 250m, 现要为喷泉铺设供水管道 AM, BM, 供水点 M 在小路 AC 上, 供水点 M 到 AB 的距离 MN 的长为 120m, BM 的长为 150m.

(1) 求供水点 M 到喷泉 A, B 需要铺设的管道总长;

(2) 直接写出喷泉 B 到小路 AC 的最短距离.



【考点】勾股定理的应用

【解析】(1) ∵ 在 Rt△BMN 中,

$$\therefore BN^2 + NM^2 = BM^2$$

$$\therefore BN = \sqrt{BM^2 - NM^2} = \sqrt{150^2 - 120^2} = 90\text{m}$$

$$\therefore AN = AB - BN = 250 - 90 = 160\text{m}$$

∵ 在 Rt△ANM 中,

$$\therefore AN^2 + NM^2 = AM^2$$

$$\therefore AM = \sqrt{AN^2 + NM^2} = \sqrt{160^2 + 120^2} = 200\text{m}$$

$$\therefore AM + BM = 200 + 150 = 350\text{m}$$

$$(2) \because AM^2 + BM^2 = 200^2 + 150^2 = 250^2 = AB^2$$

$$\therefore AM^2 + BM^2 = AB^2$$

$$\therefore \angle BMA = 90^\circ$$

∴ 点 B 到 AC 的距离等于 BM 的长等于 150 米。

21. (本题 6 分)

某文化用品商店出售书包和文具盒, 书包每个定价 40 元, 文具盒每个定价 10 元. 该店制定了两种优惠方案: 方案一, 买一个书包赠送一个文具盒; 方案二, 按总价的九折付款. 购买时, 顾客只能选用其中的一种方案. 某学校为给学生发奖品, 需购买 5 个书包, 文具盒若干 (不少于 5 个). 设文具盒个数为 x (个), 付款金额为 y (元).

(1) 分别写出两种优惠方案中 y 与 x 之间的关系式:

方案一: $y_1 =$ _____; 方案二: $y_2 =$ _____;

(2) 若购买 20 个文具盒, 通过计算比较以上两种方案中那种更省钱?

(3) 学校计划用 540 元钱购买这两种奖品, 最多可以买到 _____ 个文具盒 (直接回答即可).

【考点】一次函数的综合应用

【解析】(1) $y_1 = 10x + 150$

$$y_2 = 180 + 9x$$

(2) 当 $x = 20$ 时, $y_1 = 200 + 150 = 350$

$$\text{当 } x = 20 \text{ 时, } y_2 = 180 + 180 = 360$$

$350 < 360$, $y_1 < y_2$ 所以, 选择方案一。

(3) 40

令 y_1 、 y_2 分别等于 540

当 $y_1 = 540$ 时, $540 = 10x + 150$, 解得 $x = 39$

当 $y_2 = 540$ 时, $540 = 180 + 9x$, 解得 $x = 40$

所以, 最多可以买到 40 个文具盒。

22. (本题 8 分)

问题情境：在综合与实践课上，同学们以“已知三角形三边的长度，求三角形面积”为主题开展数学活动，小颖想到借助正方形网格解决问题. 下列图 1、图 2 都是 8×8 的正方形网格，每个小正方形的边长均为 1，每个小正方形的顶点称为格点.

操作发现：小颖在图 1 中画出 $\triangle ABC$ ，其顶点 A、B、C 都是格点，同时构造正方形 BDEF，使它的顶点都在格点上，且它的边 DE、EF 分别经过点 C、A，她借助此图求出了 $\triangle ABC$ 的面积.

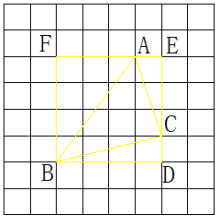


图1

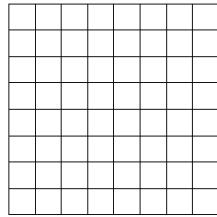


图2

(1) 在图 1 中，小颖所画的 $\triangle ABC$ 的三边长分别是 $AB=5$ ， $BC=2\sqrt{5}$ ， $AC=3$ ； $\triangle ABC$ 的面积为 6.5 ；

解决问题：

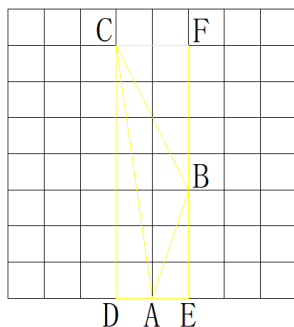
(2) 已知 $\triangle ABC$ 中， $AB=\sqrt{10}$ ， $BC=2\sqrt{5}$ ， $AC=5\sqrt{2}$ ，请你根据小颖的思路，在图 2 的正方形网格中画出 $\triangle ABC$ ，并直接写出 $\triangle ABC$ 的面积.

【考点】 格点多边形，勾股定理求长度，割补法求面积

【解析】 (1) $AB=5$ ， $BC=2\sqrt{5}$ ， $AC=3$ ； $\triangle ABC$ 的面积为 6.5；

在直角三角形 ABF 中， $BF=4$ ， $AF=3$ ，则 $AB=\sqrt{BF^2+AF^2}=5$ ，同理可得 $BC=2\sqrt{5}$ ， $AC=3$

$$\begin{aligned} S_{\triangle ABC} &= S_{\square BDEF} - S_{\triangle BCD} - S_{\triangle AEC} - S_{\triangle AFB} \\ &= 4 \times 4 - \frac{1 \times 4}{2} - \frac{1 \times 3}{2} - \frac{4 \times 3}{2} \\ &= 6.5 \end{aligned}$$



(2) 如图, $\triangle ABC$ 为所求

$$\begin{aligned} S_{\triangle ABC} &= S_{DEFC} - S_{\triangle BCF} - S_{\triangle AEB} - S_{\triangle ACD} \\ &= 2 \times 7 - \frac{2 \times 4}{2} - \frac{1 \times 3}{2} - \frac{7 \times 1}{2} \\ &= 5 \end{aligned}$$

23. (本题 13 分)

如图 1, 在平面直角坐标系中, 一次函数 $y = -2x + 8$ 的图象与 x 轴, y 轴分别交于点 A , 点 C , 过点 A 作 $AB \perp x$ 轴, 垂足为点 A , 过点 C 作 $CB \perp y$ 轴, 垂足为点 C , 两条垂线相交于点 B .

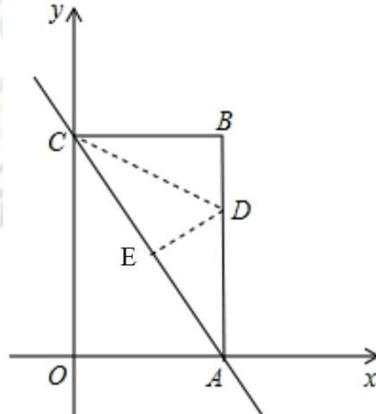
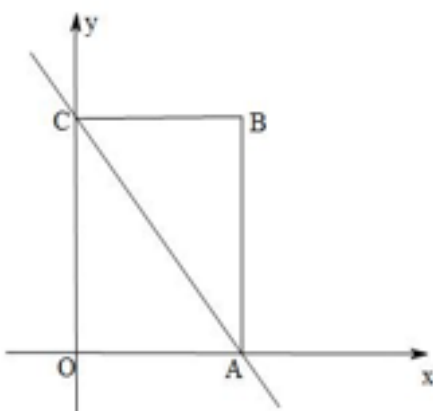


图 2

(1) 线段 AB, BC, AC 的长分别为 $AB = \underline{\hspace{2cm}}$, $BC = \underline{\hspace{2cm}}$, $AC = \underline{\hspace{2cm}}$;

(2) 折叠图 1 中的 $\triangle ABC$, 使点 A 与点 C 重合, 再将折叠后的图形展开, 折痕 DE 交 AB 于点 D , 交 AC 于点 E , 连接 CD , 如图 2.

请从下列 A, B 两题中任选一题作答, 我选择 题.

A: ① 求线段 AD 的长;

② 在 y 轴上, 是否存在点 P , 使得 $\triangle APD$ 为直角三角形? 若存在, 请直接写出符合条件的所有点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.

B: ① 求线段 DE 的长;

② 在坐标平面内, 是否存在点 P (除点 B 外), 使得以点 A, P, C 为顶点的三角形与 $\triangle ABC$ 全等? 若存在, 请直接写出所有符合条件的点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.

【考点】 一次函数的综合运用, 等腰三角形的存在性问题 全等三角形的判定

【解析】 (1) 令 $y=0$, 则 $-2x+8=0$, 解得 $x=4$, $\therefore A(4, 0)$,

令 $x=0$, 则 $y=8$, $\therefore C(0, 8)$;

$\therefore AB=8; BC=4$;

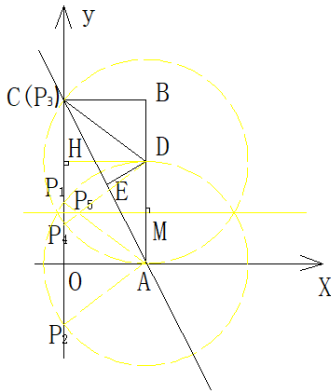
在 $Rt\triangle ABC$ 中, $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = 4\sqrt{5}$

(2) A: ①由折叠可知, $CD=AD$, 设 $AD=x$, 则 $CD=x$, $BD=8-x$;

根据题意得, 在 $Rt\triangle BCD$ 中, $BC^2 + BD^2 = CD^2$

$(8-x)^2 + 4^2 = x^2$, 解得 $x=5$, 即 $AD=5$.

②



1) 当 $AD=AP$ 时,

以点 A 为圆心, AD 长为半径画圆, 交 y 轴于 P_1, P_2 , 则 $AP_1 = AD = 5$, $AO=4$, $\therefore OP_1 = \sqrt{AP_1^2 - AO^2} = 3$

$\therefore P_1(0, 3)$, 同理 $P_2(0, -3)$;

2) 当 $DA=DP$ 时,

以点 D 为圆心, AD 长为半径画圆, 交 y 轴于 P_3, P_4 , 由 (1) 可知, C 点即为 P_3 点, $P_3(0, 8)$,

过点 D 作 y 轴的垂线, 交 y 轴于 H 点, 连接 DP_4 , 可知 $DH=4$, $DP_4=5$, $OH=AD=5$; $P_4H = \sqrt{DP_4^2 - DH^2} = 3$,

$\therefore OP_4 = OH - HP_4 = 2$, $\therefore P_4(0, 2)$;

3) 当 $PD=PA$ 时,

作 AD 的中垂线交 y 轴于 P_5 , 交 AD 于点 M, 所以 $AM = \frac{1}{2}AD = 2.5$,

$\therefore OP_5 = AM = 2.5$;

$\therefore P_5(0, 2.5)$.

综上所述, 符合条件的所有点的坐标为 $P_1(0, 3)$; $P_2(0, -3)$; $P_3(0, 8)$; $P_4(0, 2)$; $P_5(0, 2.5)$.

B. 存在

(1) 当 p 在 AC 上方时

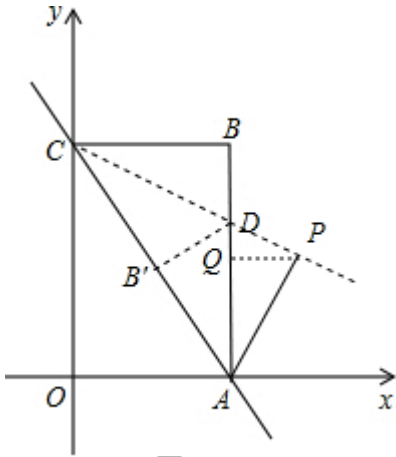


图1

由 $\triangle APC \cong \triangle CBA$ 得, $\angle ACP = \angle CAB$, $BC = AP$

则点 P 在直线 CD 上, $\triangle DCB \cong \triangle DAP$. 过 P 作 $PQ \perp AD$ 于点 Q,

在 $Rt\triangle APD$ 中,

$$AD=5, AP=BC=4, PD=BD=8-5=3$$

由 $AD \times PQ = DP \times AP$ 得: $5PQ = 3 \times 4$,

$$\therefore PQ = \frac{12}{5}$$

$$\therefore x_p = 4 + \frac{12}{5} = \frac{32}{5}$$

$$\text{勾股定理得 } AQ = \sqrt{AP^2 - PQ^2} = \frac{16}{5}$$

$$\therefore P\left(\frac{32}{5}, \frac{16}{5}\right)$$

(1) 当 p 在 AC 下方时 ①当点 P 与点 O 重合时, $\triangle APC \cong \triangle CBA$, 此时 $P(0,0)$

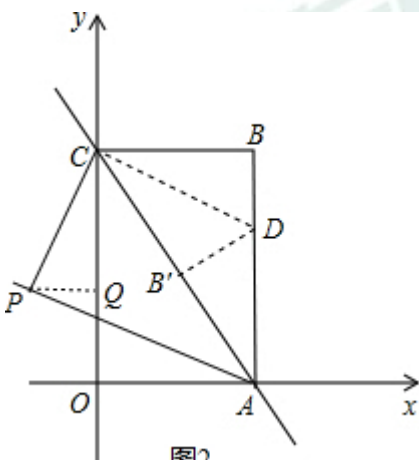


图2

②当点 P 在第二象限时, $\triangle APC \cong \triangle ABC$

同理可求得： $PQ = \frac{12}{5}$ ， $CQ = \frac{16}{5}$

$$\therefore OQ = 8 - \frac{16}{5} = \frac{24}{5}$$

此时， $P(-\frac{12}{5}, \frac{24}{5})$

综上所述，满足条件的点P有三个，分别为： $(\frac{32}{5}, \frac{16}{5})$ ， $(0,0)$ ， $(-\frac{12}{5}, \frac{24}{5})$