



## 南昌市初中十校期末联考

参考答案与试题解析

1. 冬季某天我国三个城市的最高气温分别是  $-10^{\circ}\text{C}$ ,  $1^{\circ}\text{C}$ ,  $-7^{\circ}\text{C}$ , 它们任意两城市中最高温度相差最大的是 ( )

- A.  $3^{\circ}\text{C}$  B.  $8^{\circ}\text{C}$  C.  $11^{\circ}\text{C}$  D.  $17^{\circ}\text{C}$

**【分析】**先比较出各数的大小, 再求出最高温与最低温的差即可.

**【解答】**解:  $\because |-10|=10 > |-7|=7$ ,

$$\therefore -10 < -7,$$

$$\therefore -10 < -7 < 1.$$

$$\therefore 1 - (-10) = 11,$$

$\therefore$ 它们任意两城市中最高温度相差最大的是  $11^{\circ}\text{C}$ .

故选 C.

**【点评】**本题考查的是有理数的大小比较, 熟知负数比较大小的法则是解答此题的关键.

2. 下列说法正确的是 ( )

- A. 没有最小的正数 B.  $-a$  表示负数  
C. 符号相反两个数互为相反数 D. 一个数的绝对值一定是正数

**【分析】**根据相反数的概念、正数和负数、绝对值的性质对各个选项进行判断即可.

**【解答】**解: 没有最小的正数, A 正确;

$-a$  不一定表示负数, B 错误;

只有符号相反两个数互为相反数, C 错误;

0 的绝对值一定是 0, D 错误,

故选: A.

**【点评】**本题考查的是相反数的概念、正数和负数、绝对值的性质, 掌握相关概念、理解相反数的定义是解题的关键.

3. 两个锐角的和不可能是 ( )

- A. 锐角    B. 直角    C. 钝角    D. 平角

**【分析】**根据锐角的定义，即可作出判断。

**【解答】**解： $\because$ 锐角一定大于  $0^\circ$ ，且小于  $90^\circ$ ，

$\therefore$ 两个角的和不可能是平角。

故选 D.

**【点评】**本题考查了角度的计算，理解锐角的定义是关键。

4. 书店、学校、食堂在平面上分别用 A、B、C 来表示，书店在学校的北偏西  $30^\circ$ ，食堂在学校的南偏东  $15^\circ$ ，则平面图上的  $\angle ABC$  的度数应该是（ ）

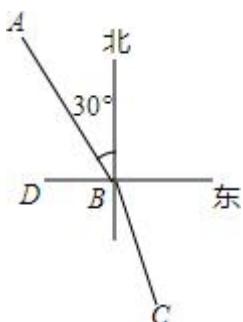
- A.  $65^\circ$  B.  $35^\circ$  C.  $165^\circ$  D.  $135^\circ$

**【分析】**首先根据叙述作出 A、B、C 的相对位置，然后根据角度的和差计算即可。

**【解答】**解： $\angle ABD=90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$ ，

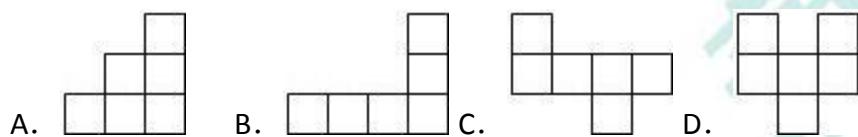
则  $\angle ABC=60^\circ + 90^\circ + 15^\circ = 165^\circ$ .

故选 C.



**【点评】**本题考查了方向角的定义，理解方向角的定义，作出 A、B、C 的相对位置是解决本题的关键。

5. 下列各图中，可以是一个正方体的平面展开图的是（ ）



**【分析】** A 出现了“田”字格，故不能， B 折叠后上面两个面无法折起来，而且下边没有面，不



能折成正方体，D 折叠后，上面的两个面重合，不能折成正方体，故选 C.

**【解答】**解：A 出现了“田”字格，故不能，B 折叠后上面两个面无法折起来，而且下边没有面，不能折成正方体，D 折叠后，上面的两个面重合，不能折成正方体.

故选 C.

**【点评】**解题时勿忘记四棱柱的特征及正方体展开图的各种情形. 注意：只要有“田”字格的展开图都不是正方体的表面展开图.

6. 一个长方形的周长是 18cm，若这个长方形的长减少 1cm，宽增加 2cm，就可以成为一个正方形，则此正方形的边长是（ ）

- A. 5cm B. 6cm C. 7cm D. 8cm

**【分析】**设正方形的边形为  $x$ cm，则长方形的长为  $(x+1)$  cm，长方形的宽为  $(x - 2)$  cm，根据长方形的周长为 18cm，即可得出关于  $x$  的一元一次方程，解之即可得出结论.

**【解答】**解：设正方形的边形为  $x$ cm，则长方形的长为  $(x+1)$  cm，长方形的宽为  $(x - 2)$  cm，根据题意得： $2 \times [(x+1) + (x - 2)] = 18$ ，

解得： $x=5$ .

故选 A.

**【点评】**本题考查了一元一次方程的应用，根据数量关系列出关于  $x$  的一元一次方程是解题的关键.

7. 轮船沿江从 A 港顺流行驶到 B 港，比从 B 港返回 A 港少用 3 小时，若船速为 26 千米/时，水速为 2 千米/时，求 A 港和 B 港相距多少千米. 设 A 港和 B 港相距  $x$  千米. 根据题意，可列出的方程是（ ）

- A.  $\frac{x}{28} = \frac{x}{24} - 3$  B.  $\frac{x}{28} = \frac{x}{24} + 3$   
C.  $\frac{x+2}{26} = \frac{x-2}{26} + 3$  D.  $\frac{x-2}{26} = \frac{x+2}{26} - 3$

**【分析】**轮船沿江从 A 港顺流行驶到 B 港，则由 B 港返回 A 港就是逆水行驶，由于船速为 26 千米/时，水速为 2 千米/时，则其顺流行驶的速度为  $26+2=28$  千米/时，逆流行驶的速度为： $26 - 2=24$  千米/时. 根据“轮船沿江从 A 港顺流行驶到 B 港，比从 B 港返回 A 港少用 3 小时”，

得出等量关系：轮船从 A 港顺流行驶到 B 港所用的时间=它从 B 港返回 A 港的时间 - 3 小时，据此列出方程即可。

**【解答】**解：设 A 港和 B 港相距  $x$  千米，可得方程：

$$\frac{x}{28} = \frac{x}{24} - 3.$$

故选 A.

**【点评】**本题考查了由实际问题抽象出一元一次方程，抓住关键描述语，找到等量关系是解决问题的关键。顺水速度=水流速度+静水速度，逆水速度=静水速度 - 水流速度。

8. 按下面的程序计算：



若输入  $x=100$ ，输出结果是 501，若输入  $x=25$ ，输出结果是 631，若开始输入的  $x$  值为正整数，最后输出的结果为 556，则开始输入的  $x$  值可能有（ ）

- A. 1 种 B. 2 种 C. 3 种 D. 4 种

**【分析】**由  $5x+1=556$ ，解得  $x=111$ ，即开始输入的  $x$  为 111，最后输出的结果为 556；当开始输入的  $x$  值满足  $5x+1=111$ ，最后输出的结果也为 556，可解得  $x=22$ ；当开始输入的  $x$  值满足  $5x+1=22$ ，最后输出的结果也为 556，但此时解得的  $x$  的值为小数，不合题意。

**【解答】**解： $\because$ 输出的结果为 556，

$$\therefore 5x+1=556, \text{ 解得 } x=111;$$

而  $111 < 500$ ，

当  $5x+1$  等于 111 时最后输出的结果为 556，

即  $5x+1=111$ ，解得  $x=22$ ；

当  $5x+1=22$  时最后输出的结果为 556，

即  $5x+1=22$ ，解得  $x=4.2$ （不合题意舍去），

所以开始输入的  $x$  值可能为 22 或 111。

故选 B.

**【点评】**本题考查了代数式求值：先把代数式进行变形，然后把满足条件的字母的值代入计算

得到对应的代数式的值. 也考查了解一元一方程.

9.  $35.36$  度 = 35 度 21 分 36 秒.

【分析】根据度、分、秒是 60 进制, 用小数部分乘以 60, 分别进行计算即可得解.

【解答】解:  $35.36$  度 =  $35$  度  $21$  分  $36$  秒.

故答案为:  $35, 21, 36$ .

【点评】本题考查了度分秒的换算, 关键在于要注意度分秒是 60 进制.

10. 如果  $a - 3b = 6$ , 那么代数式  $5 - a + 3b$  的值是 -1.

【分析】将所求式子后两项提取  $-1$  变形后, 把已知的等式代入计算, 即可求出值.

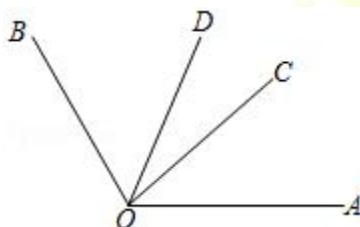
【解答】解:  $\because a - 3b = 6$ ,

$$\therefore 5 - a + 3b = 5 - (a - 3b) = 5 - 6 = -1.$$

故答案为:  $-1$

【点评】此题考查了代数式求值, 利用了整体代入的思想, 将所求式子适当的变形是解本题的关键.

11. 如图, 已知  $\angle COB = 2\angle AOC$ ,  $OD$  平分  $\angle AOB$ , 且  $\angle COD = 20^\circ$ , 则  $\angle AOB$  的度数为  $120^\circ$ .



【分析】根据角平分线的性质得出  $\angle COB = 2\angle AOC = 2x$ ,  $\angle AOD = \angle BOD = 1.5x$ , 进而求出  $x$  的值, 即可得出答案.

【解答】解:  $\because \angle COB = 2\angle AOC$ ,  $OD$  平分  $\angle AOB$ , 且  $\angle COD = 20^\circ$ ,

$$\therefore \text{设 } \angle COB = 2\angle AOC = 2x, \angle AOD = \angle BOD = 1.5x,$$

$$\therefore \angle COD = 0.5x = 20^\circ,$$

$$\therefore x = 40^\circ,$$

$\therefore \angle AOB$  的度数为:  $3 \times 40^\circ = 120^\circ$ .

故答案为:  $120^\circ$ .

**【点评】**此题主要考查了角平分线的性质, 根据题意得出  $\angle COD=0.5x$  是解题关键.

12. 一件衣服先按成本提高 50% 标价, 再以 8 折 (标价的 80%) 出售, 结果获利 28 元. 若设这件衣服的成本是  $x$  元, 根据题意, 可得到的方程是  $80\% (1+50\%) x = x + 28$ .

**【分析】**根据售价的两种表示方法解答, 关系式为: 标价  $\times 80\%$ =进价+28, 把相关数值代入即可.

**【解答】**解: 标价为:  $x (1+50\%)$ ,

八折出售的价格为:  $(1+50\%) x \times 80\%$ ;

可列方程为:  $(1+50\%) x \times 80\% = x + 28$ ,

故答案为:  $80\% (1+50\%) x = x + 28$ .

**【点评】**考查列一元一次方程; 根据售价的两种不同方式列出等量关系是解决本题的关键.

13. 已知一个角是  $77^\circ 53'26''$ , 则它的余角是  $12^\circ 6'34''$ , 补角是  $102^\circ 6'34''$ .

**【分析】**依题意, 要明确余角是直角减去已知角, 而补角则是  $180^\circ$  减去已知角. 已知一个角度数, 很容易就会求得它的余角以及补角.

**【解答】**解: 余角为  $90^\circ - 77^\circ 53'26'' = 12^\circ 6'34''$ ;

补角为  $180^\circ - 77^\circ 53'26'' = 102^\circ 6'34'$ .

故答案为  $12^\circ 6'34''$ 、 $102^\circ 6'34''$ .

**【点评】**本题考查的是关于余角和补角的相关知识, 考生要注意的是  $1^\circ = 60'$ , 不要计算错误即可, 难度一般.

14. 如图, 线段  $AB$  表示一根对折以后的绳子, 现从  $P$  处把绳子剪断, 剪断后的各段绳子中最长的一段  $10\text{cm}$ , 若  $AP = \frac{1}{2}PB$ , 则这条绳子的原长为  $15$  或  $30$  cm.



**【分析】**根据绳子对折以后用线段  $AB$  表示, 可得绳长是  $AB$  的 2 倍, 分类讨论,  $PB$  的 2 倍最

长，可得  $PB$ ， $AP$  的 2 倍最长，可得  $AP$  的长，再根据线段间的比例关系，可得答案.

**【解答】**解：当  $PB$  的 2 倍最长时，得

$$PB=5,$$

$$AP=\frac{1}{2}PB=\frac{5}{2},$$

$$AB=AP+PB=7.5\text{cm},$$

这条绳子的原长为  $2AB=15\text{cm}$ ；

当  $AP$  的 2 倍最长时，得

$$AP=5, AP=\frac{1}{2}PB,$$

$$PB=2AP=10,$$

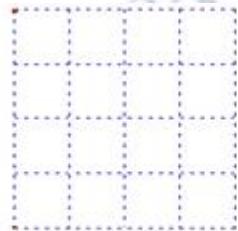
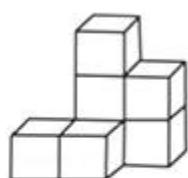
$$AB=AP+PB=15\text{cm},$$

这条绳子的原长为  $2AB=30\text{cm}$ ；

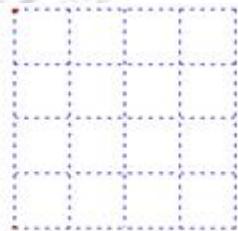
故答案为：15 或 30.

**【点评】**本题考查了两点间的距离，分类讨论是解题关键.

15. 如图，是由一些棱长都为 1 的小正方体组合成的简单几何体.



(主视图)



(左视图)



(俯视图)

(1) 该几何体的表面积（含下底面）为 28；

(2) 请画出这个几何体分别从正面、左面、上面看到的平面图形，并用阴影表示出来；

(3) 如果在这个几何体上再添加一些相同的小正方体，并保持这个几何体的主视图和俯视图不变，那么最多可以再添加 2 个小正方体.

**【分析】**(1) 有顺序的计算上下面，左右面，前后面的表面积之和即可；

(2) 从正面看得到从左往右 3 列正方形的个数依次为 1, 3, 2；从左面看得到从左往右 2 列正方形的个数依次为 3, 1；从上面看得到从左往右 3 列正方形的个数依次为 1, 2, 1，依此画

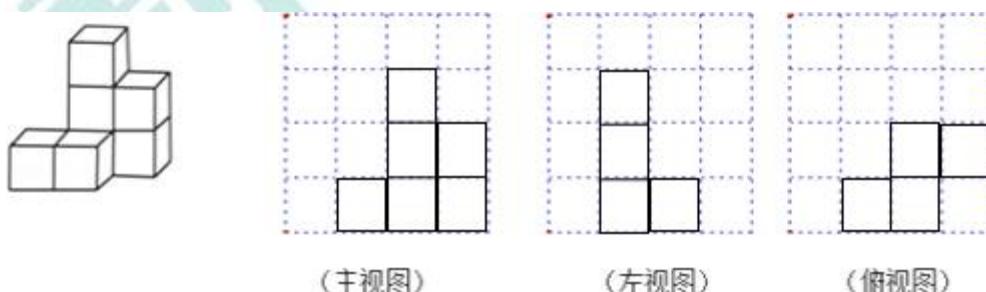
出图形即可；

(3) 根据保持这个几何体的主视图和俯视图不变，可知添加小正方体是中间 1 列前面的 2 个，依此即可求解。

$$\begin{aligned} \text{【解答】解: (1)} & (4 \times 2 + 6 \times 2 + 4 \times 2) \times (1 \times 1) \\ & = (8+12+8) \times 1 \\ & = 28 \times 1 \\ & = 28 \end{aligned}$$

故该几何体的表面积（含下底面）为 28.

(2) 如图所示：



(3) 由分析可知，最多可以再添加 1 个小正方体。

故答案为：28; 1.

**【点评】**考查了作图 - 三视图，用到的知识点为：计算几何体的表面积应有顺序的分为相对的面进行计算不易出差错；三视图分为主视图、左视图、俯视图，分别是从物体正面、左面和上面看，所得到的图形。

$$16. \text{ 计算: } (-3)^2 - \left(1\frac{1}{2}\right)^3 \times \frac{2}{9} - 6 \div \left|-\frac{2}{3}\right|$$

**【分析】**本题涉有理数的四则运算、乘方、绝对值等考点。在计算时，需要针对每个考点分别进行计算，然后根据实数的运算法则求得计算结果。

$$\begin{aligned} \text{【解答】解: 原式} &= 9 - \frac{27}{8} \times \frac{2}{9} - 6 \times \frac{3}{2} \\ &= 9 - \frac{3}{4} - 9 \end{aligned}$$



$$= -\frac{3}{4}.$$

**【点评】**本题主要考查了实数的综合运算能力，是各地中考题中常见的计算题型。解决此类题目的关键是熟练掌握负整数指数幂、零指数幂、二次根式、绝对值等考点的运算。

17. 先化简，再求值。 $-2xy + (5xy - 3x^2 + 1) - 3(2xy - x^2)$ ，其中  $x = \frac{2}{3}$ ,  $y = -\frac{1}{2}$ .

**【分析】**本题应对代数式进行去括号，合并同类项，将代数式化为最简式，然后把  $x$ ,  $y$  的值代入即可。注意去括号时，如果括号前是负号，那么括号中的每一项都要变号；合并同类项时，只把系数相加减，字母与字母的指数不变。

**【解答】**解：原式  $= -2xy + 5xy - 3x^2 + 1 - 6xy + 3x^2$

$$= -3xy + 1$$

当  $x = \frac{2}{3}$ ,  $y = -\frac{1}{2}$  时，

$$\text{原式} = -3xy + 1 = -3 \times \frac{2}{3} \times \left(-\frac{1}{2}\right) + 1$$

$$= 1 + 1$$

$$= 2.$$

**【点评】**此题主要考查利用去括号法则合并同类项的能力。注意去括号时，如果括号前是负号，那么括号中的每一项都要变号；合并同类项时，只把系数相加减，字母与字母的指数不变。

18. 解方程：

$$(1) 3x - 4(2x + 5) = x + 4$$

$$(2) \frac{5x - 7}{6} + 1 = \frac{3x - 1}{4}$$

**【分析】**(1) 方程去括号，移项合并，将  $x$  系数化为 1，即可求出解；

(2) 方程去分母，去括号，移项合并，将  $x$  系数化为 1，即可求出解。

**【解答】**解：(1) 去括号得： $3x - 8x - 20 = x + 4$ ,

移项合并得： $-6x = 24$ ,

解得： $x = -4$ ；

(2) 去分母得： $2(5x - 7) + 12 = 3(3x - 1)$ ,

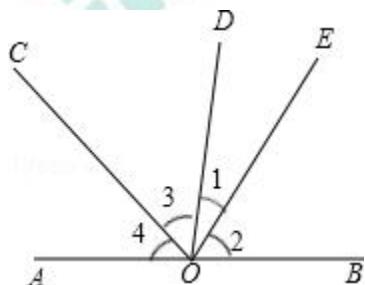
去括号得： $10x - 14 + 12 = 9x - 3$ ,

移项合并得： $x = -1$ ,

解得： $x = -1$ .

**【点评】**此题考查了解一元一次方程，其步骤为：去分母，去括号，移项合并，将未知数系数化为1，求出解.

19. 如图，已知O为直线AB上一点，过点O向直线AB上方引三条射线OC、OD、OE，且OC平分 $\angle AOD$ ， $\angle 2 = 3\angle 1$ ， $\angle COE = 70^\circ$ ，求 $\angle 2$ 的度数.



**【分析】**所求角和 $\angle 1$ 有关， $\angle 1$ 较小，应设 $\angle 1$ 为未知量. 根据 $\angle COE$ 的度数，可表示出 $\angle 3$ ，也就表示出了 $\angle 4$ ，而这4个角组成一个平角.

**【解答】**解：设 $\angle 1 = x$ ，则 $\angle 2 = 3\angle 1 = 3x$ ，(1分)

$$\because \angle COE = \angle 1 + \angle 3 = 70^\circ$$

$$\therefore \angle 3 = (70 - x) \quad (2 \text{分})$$

$$\because OC \text{ 平分 } \angle AOD, \therefore \angle 4 = \angle 3 = (70 - x) \quad (3 \text{ 分})$$

$$\because \angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 = 180^\circ$$

$$\therefore x + 3x + (70 - x) + (70 - x) = 180^\circ \quad (4 \text{ 分})$$

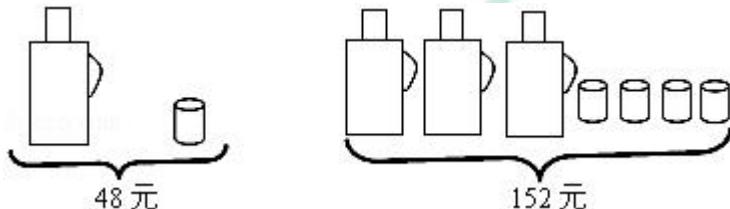
解得： $x = 20$  (5分)

$$\therefore \angle 2 = 3x = 60^\circ \quad (6 \text{ 分})$$

答： $\angle 2$ 的度数为 $60^\circ$ . (7分)

**【点评】**本题隐含的知识点为：这4个角组成一个平角. 应设出和所求角有关的较小的量为未知数.

20. 请根据图中提供的信息，回答下列问题：



(1) 一个水瓶与一个水杯分别是多少元？

(2) 甲、乙两家商场同时出售同样的水瓶和水杯，为了迎接新年，两家商场都在搞促销活动，甲商场规定：这两种商品都打八折；乙商场规定：买一个水瓶赠送两个水杯，另外购买的水杯按原价卖。若某单位想要买 5 个水瓶和 20 个水杯，请问选择哪家商场购买更合算，并说明理由。（必须在同一家购买）

**【分析】**(1) 设一个水瓶  $x$  元，表示出一个水杯为  $(48 - x)$  元，根据题意列出方程，求出方程的解即可得到结果；

(2) 计算出两商场得费用，比较即可得到结果。

**【解答】**解：(1) 设一个水瓶  $x$  元，表示出一个水杯为  $(48 - x)$  元，

根据题意得： $3x + 4(48 - x) = 152$ ，

解得： $x=40$ ，

则一个水瓶 40 元，一个水杯是 8 元；

(2) 甲商场所需费用为  $(40 \times 5 + 8 \times 20) \times 80\% = 288$  (元)；

乙商场所需费用为  $5 \times 40 + (20 - 5 \times 2) \times 8 = 280$  (元)，

$\therefore 288 > 280$ ，

$\therefore$  选择乙商场购买更合算。

**【点评】**此题考查了一元一次方程的应用，弄清题意是解本题的关键。

21. 关于  $x$  的方程  $(m - 1)x^n - 3 = 0$  是一元一次方程。

(1) 则  $m$ ,  $n$  应满足的条件为： $m \neq 1$ ,  $n = 1$ ；

(2) 若此方程的根为整数，求整数  $m$  的值。

**【分析】**(1) 根据一元一次方程的一般形式即可求解；

(2) 首先解关于  $x$  的方程, 即可得到  $x=\frac{3}{m-1}$ , 方程的根为整数, 则  $m-1$  一定是 3 的约数, 则  $m-1$  的值一定是  $\pm 1$  或  $\pm 3$ , 即可求得  $m$  的值.

**【解答】** 解: (1) 根据题意得:  $m-1 \neq 0$  且  $n=1$ , 解得:  $m \neq 1$ ,  $n=1$ ;

(2) 由 (1) 可知, 方程为  $(m-1)x-3=0$ , 则  $x=\frac{3}{m-1}$ .

$\because$  此方程的根为整数,  $\therefore \frac{3}{m-1}$  为整数.

又  $\because m$  为整数, 则  $m-1=-3, -1, 1, 3$ .

$\therefore m=-2, 0, 2, 4$ .

**【点评】** 本题考查了方程的解的定义, 理解  $m-1$  的取值是关键.

22. 如图,  $B$  是线段  $AD$  上的一点,  $C$  是线段  $BD$  的中点.

(1) 若  $AD=8$ ,  $BC=3$ . 求线段  $CD$ 、 $AB$  的长.

(2) 试说明:  $AD+AB=2AC$ .



**【分析】** (1) 根据中点的定义求得  $CD=BC=3$ , 则由图中相关线段间的和差关系求得  $AB$  的长度;

(2) 根据图示得到:  $AD+AB=AC+CD+AB$ ,  $BC=CD$ , 然后由等量代换证得结论.

**【解答】** 解: (1) 如图,  $\because B$  是线段  $AD$  上的一点,  $C$  是线段  $BD$  的中点,  $BC=3$ ,

$\therefore CD=BC=3$ ,

又  $\because AB+BC+CD=AD$ ,  $AD=8$ ,

$\therefore AB=8-3-3=2$ ;

(2)  $\because AD+AB=AC+CD+AB$ ,  $BC=CD$ ,

$\therefore AD+AB=AC+BC+AB=AC+AC=2AC$ .

**【点评】** 本题考查了两点间的距离. 解题时, 注意“数形结合”数学思想的应用, 可以使问题变得形象化、直观化.

23. 国家规定个人发表文章、出版图书所得稿费的纳税计算方法是：

- (1) 稿费不高于 800 元的不纳税；
- (2) 稿费高于 800 元，而低于 4000 元的应缴纳超过 800 元的那部分稿费的 14% 的税；
- (3) 稿费为 4000 元或高于 4000 元的应缴纳全部稿费的 11% 的税，

试根据上述纳税的计算方法作答：

①若李老师获得的稿费为 2400 元，则应纳税 224 元，若王老师获得的稿费为 4000 元，则应纳税 440 元。

②若李老师获稿费后纳税 420 元，求这笔稿费是多少元？

③设李老师获得的稿费为  $x$  元，应纳税  $y$  元，请你表示  $y$  (可用含  $x$  的代数式表示  $y$ )。

**【分析】**(1) 根据纳税标准直接就可以计算出结论；

(2) 设这笔稿费是  $x$  元，根据纳税金额=稿费  $\times$  纳税率建立方程求出其解即可。

(3) 根据应纳税=稿费  $\times$  纳税率分情况讨论就可以得出结论。

**【解答】**解：(1) 由题意，得

李老师获得的稿费为 2400 元，应纳税为： $(2400 - 800) \times 14\% = 224$  元，

李老师获得的稿费为 4000 元，应纳税为： $4000 \times 11\% = 440$  元，

故答案为：224，440；

(2) 设这笔稿费是  $x$  元，由题意，得

$$14\% (x - 800) = 420,$$

解得： $x = 3800$ 。

答：这笔稿费是 3800 元；

(3) 由题意，得

当  $x \leq 800$ ，

$$y = 0;$$

当  $800 < x < 4000$ ，

$$y = 0.14x - 112,$$

当  $x \geq 4000$ ， $y = 0.11x$ 。

综上所述，得

$$y = \begin{cases} 0 & (x \leq 800) \\ 0.14x - 112 & (800 < x < 4000) \\ 0.11x & (x \geq 4000) \end{cases}$$

**【点评】**本题考查了出版图书所得稿费的纳税计算方法的运用，列一元一次方程及额实际问题的运用，分段函数的解法的运用，解答时弄清楚不同金额的稿酬的不同纳税标准是关键。

24. 如图，直线  $l$  上有  $AB$  两点，点  $O$  是线段  $AB$  上的一点，已知线段  $OA=m$ ,  $OB=n$ , 且  $m$ ,  $n$  满足等式  $(m-8)^2 + 2 |n-m+4| = 0$

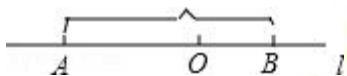
(1) 求  $m$ 、 $n$  的值；

(2) 若点  $C$  是线段  $AB$  上一点，且满足  $AC=CO+CB$ ，求  $CO$  的长；

(3) 若动点  $P$ ,  $Q$  分别从  $A$ ,  $B$  同时出发，向右运动，点  $P$  的速度为  $2\text{cm/s}$ , 点  $Q$  的速度为  $1\text{cm/s}$ . 设运动时间为  $ts$ ，当点  $P$  与点  $Q$  重合时， $P$ ,  $Q$  两点停止运动。

①当  $t$  为何值时， $2OP - OQ = 4$ ；

②当点  $P$  经过点  $O$  时，动点  $M$  从点  $O$  出发，以  $3\text{cm/s}$  的速度也向右运动。当点  $M$  追上点  $Q$  后立即返回，以  $3\text{cm/s}$  的速度向点  $P$  运动，遇到点  $P$  后再立即返回，以  $3\text{cm/s}$  的速度向点  $Q$  运动，如此往返，直到点  $P$ ,  $Q$  停止时，点  $M$  也停止运动。在此过程中，点  $M$  行驶的总路程是多少？



**【分析】**(1) 根据“ $0+0$ 型”题型可以得到  $m-8=0$  且  $n-m+4=0$ ，依此即可求解；

(2) 根据图形可知，点  $C$  是线段  $AO$  上的一点，可设  $C$  点所表示的实数为  $x$ ，分两种情况：①点  $C$  在线段  $OA$  上时，则  $x < 0$ ，②点  $C$  在线段  $OB$  上时，则  $x > 0$ ，根据  $AC=CO+CB$ ，列出方程求解即可；

(3) ①分  $0 \leq t < 4$ ;  $4 \leq t < 6$ ;  $t \geq 6$  三种情况讨论求解即可；

②求出点  $P$  经过点  $O$  到点  $B$ ,  $Q$  停止时的时间，再根据路程=速度×时间即可求解。

**【解答】**解：(1) 由题意可得  $m-8=0$  且  $n-m+4=0$

解得  $m=8$ ,  $n=4$ ;

故答案为： $m=8$ ,  $n=4$ ;

(2) 设 C 点所表示的实数为  $x$ ,

分两种情况: ①点 C 在线段 OA 上时, 则  $x < 0$ ,

$$\because AC=CO+CB,$$

$$\therefore 8+x = -x+4 - x,$$

$$3x = -4,$$

$$x = -\frac{4}{3};$$

②点 C 在线段 OB 上时, 则  $x > 0$ ,

$$\because AC=CO+CB,$$

$$\therefore 8+x=4,$$

$$x = -4 \text{ (不符合题意, 舍).}$$

故 CO 的长是  $\frac{4}{3}$ cm;

(3) ①当  $0 \leq t < 4$  时, 依题意有

$$2(8 - 2t) - (4+t) = 4,$$

$$\text{解得 } t=1.6;$$

当  $4 \leq t < 6$  时, 依题意有

$$2(2t - 8) - (4+t) = 4,$$

$$\text{解得 } t=8 \text{ (不合题意舍去);}$$

当  $t \geq 6$  时, 依题意有

$$2(2t - 8) - (4+t) = 4,$$

$$\text{解得 } t=8.$$

故当  $t$  为 1.6s 或 8s 时,  $2OP - OQ = 4$ ;

$$\textcircled{2} [4 + (8 \div 2) \times 1] \div (2 - 1)$$

$$= [4 + 4] \div 1$$

$$= 8 \text{ (s),}$$

$$3 \times 8 = 24 \text{ (cm)}.$$

答: 点 M 行驶的总路程是 24cm.

**【点评】**本题考查了数轴及数轴的三要素 (正方向、原点和单位长度). 一元一次方程的应用



优能中学教育

UCAN SECONDARY SCHOOL EDUCATION

以及数轴上两点之间的距离公式的运用，行程问题中的路程=速度×时间的运用。注意（3）①需要分类讨论。

