

2018~2019 学年山大附中八年级 10 月月考

数 学 试 卷

一、选择题（本大题共 10 个小题，每小题 3 分，共 30 分）

1. 9 的算术平方根是（ ）

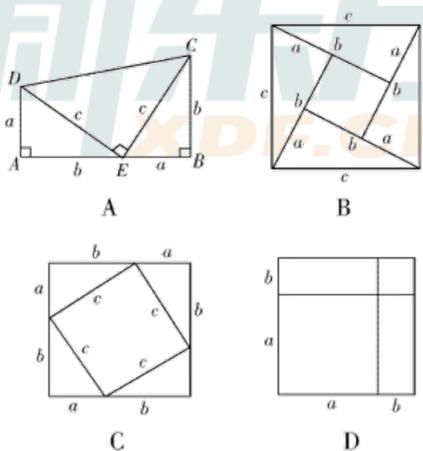
- A. $\sqrt{3}$ B. $\pm\sqrt{3}$ C. 3 D. ± 3

【答案】 C

【考点】 求算术平方根

【解析】 9 的算术平方根： $\sqrt{9}=3$ ，故选 C

2. 我国是最早了解勾股定理的国家之一，下面四幅图中，不能证明勾股定理的是（ ）



【答案】 D

【考点】 勾股定理的验证

【解析】 A：梯形面积 = $(a+b) \times (a+b) \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2 + \frac{1}{2}ab$ （三个直角三角形的面积和）

根据等式，我们可以得出 $a^2+b^2=c^2$ （ a 、 b 为直角边长， c 为斜边长）



B: 正方形面积 = $c^2 = 4 \times \frac{1}{2} ab + (a-b)^2$ (四个直角三角形面积与一个正方形面积和)

根据等式, 我们可以得出 $a^2 + b^2 = c^2$ (a、b 为直角边长, c 为斜边长)

C: 正方形的面积 = $(a+b)^2 = 4 \times \frac{1}{2} ab + c^2$ (四个直角三角形面积与一个正方形面积和)

根据等式, 我们可以得出 $a^2 + b^2 = c^2$ (a、b 为直角边长, c 为斜边长)

D: 不能根据等面积法求出对应的等式, 故选 D

3. 在实数 $\frac{22}{7}$, $0.5\dot{7}$, $-\frac{\pi}{3}$, $\sqrt{3}$, $0.1010010001\dots$ (每两个 1 之间依次增加一个 0) 中, 无理数的个数为 ()

- A. 2 个 B. 3 个 C. 4 个 D. 5 个

【答案】 B

【考点】 无理数

【解析】 常见无理数的形式: 无限不循环小数, 开方开不尽的, 最终结果含 π 的, 故选 B

4. 已知三角形的三边长为 a, b, c, 如果 $\sqrt{a-6} + |b-8| + (c-10)^2 = 0$, 则 $\triangle ABC$ 是 ()

- A. 以 a 为斜边的直角三角形 B. 以 b 为斜边的直角三角形
 C. 以 c 为斜边的直角三角形 D. 不是直角三角形

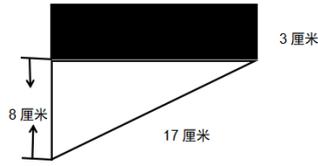
【答案】 C

【考点】 二次根式、绝对值、平方的非负性 (00 型) 以及勾股定理的逆定理

【解析】 $\sqrt{a-6} = 0$ $|b-8| = 0$ $(c-10)^2 = 0$ 得出 $a=6$; $b=8$; $c=10$ 可知此三角形为以 c 为斜边的直角三角形, 故选 C

5. 如图, 带阴影的矩形面积是 () 平方厘米。

- A.9 B.24 C.45 D.51



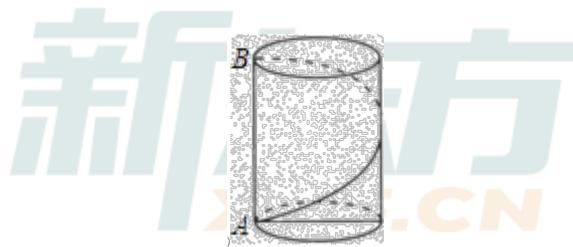
【答案】 C

【考点】 勾股定理

【解析】 根据勾股定理：直角边 = $\sqrt{17^2 - 8^2} = 15$ ，阴影部分为矩形，所以面积为： $3 \times 15 = 45$ ，故选 C

6. 如图,若圆柱的底面周长是 30cm,高是 40cm,从圆柱底部 A 处沿侧面缠绕一圈丝线到顶部 B 处做装饰,则这条丝线的最小长度是()

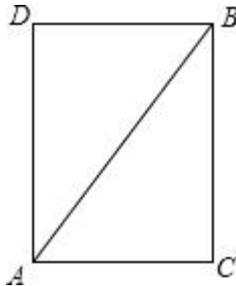
- A.80cm B.70cm C.60cm D.50cm



【答案】 D

【考点】 圆柱最短路径问题

【解析】 如图,把圆柱的侧面展开,得到矩形 ACBD,



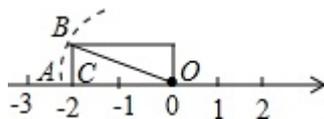
则从圆柱底部 A 处沿侧面缠绕一圈丝线到顶部 B 处做装饰,这条丝线的最小长度是长方形的对角线 AB 的长。 \because 圆柱的底面周长是 30cm,高是 40cm,



$\therefore AB^2 = 30^2 + 40^2 = 900 + 1600 = 2500$, $\therefore AB = 50(\text{cm})$. 故选 D

7. 如图,数轴上点 C 表示实数是 -2, O 为原点, $BC \perp OC$, 且 $BC = 1$, 以点 O 为圆心, OB 长为半径作弧, 交数轴负半轴于点 A, 则点 A 表示的实数是()

- A. -2.2 B. $\sqrt{5}$ C. $-\sqrt{5}$ D. -2.5



【答案】 C

【考点】 实数与数轴

【解析】 由勾股定理得： $OB = \sqrt{BC^2 + OC^2} = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$

$\therefore OA = OB$, \therefore 点 A 表示的数为 $-\sqrt{5}$. 故选 C

8. 一种正方形瓷砖的面积是 15 平方分米, 估计它的边长(单位: 分米)在()

- A. 2 和 3 之间 B. 3 和 4 之间 C. 4 和 5 之间 D. 5 和 6 之间

【答案】 B

【考点】 估算无理数的大小

【解析】 由算术平方根的定义可知: 正方形的边长 = $\sqrt{15}$.

$\therefore 9 < 15 < 16$, $\therefore \sqrt{9} < \sqrt{15} < \sqrt{16}$. $\therefore 3 < \sqrt{15} < 4$. 故选: B.

9. 《九章算术》中的“折竹抵地”问题: 今有竹高一丈, 末折抵地, 去根六尺。问折高者几何? 意思是: 一根竹子, 原高一丈(一丈 = 10 尺), 一阵风将竹子折断, 其竹梢恰好抵地, 抵地处离竹子底部 6 尺远, 问折断处离地面的高度是多少? 设折断处离地面的高度为 x 尺, 则可列方程为()

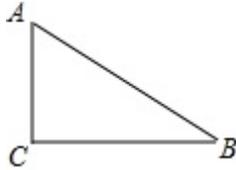
- A. $x^2 - 6^2 = (10 - x)^2$ B. $x^2 + 6^2 = (10 - x)^2$
C. $x^2 - 6 = (10 - x)^2$ D. $x^2 + 6 = (10 - x)^2$



【答案】 B

【考点】 勾股定理的应用

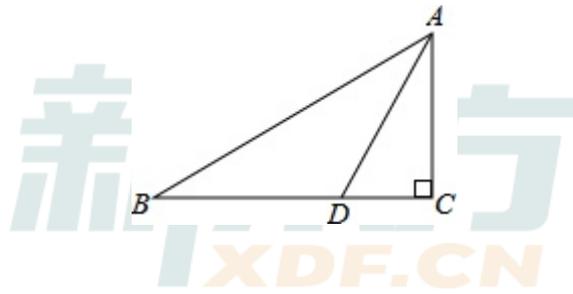
【解析】 如图，设折断处离地面的高度为 x 尺，即 $AC=x$ ，则 $AB=10-x$ ， $BC=6$ ，



在 $Rt\triangle ABC$ 中， $AC^2 + BC^2 = AB^2$ ，即 $x^2 + 6^2 = (10-x)^2$ 故选 B.

10. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $AC=2$ ，点 D 在 BC 上， $\angle ADC=2\angle B$ ， $AD=\sqrt{5}$ ，则 BC 的长为()

- A. $\sqrt{3}-1$ B. $\sqrt{3}+1$ C. $\sqrt{5}-1$ D. $\sqrt{5}+1$



【答案】 D

【考点】 勾股定理，等腰三角形的判定与性质

【解析】 $\because \angle ADC=2\angle B$ ， $\angle ADC=\angle B+\angle BAD$ ， $\therefore \angle B=\angle DAB$ ， $\therefore DB=DA=\sqrt{5}$ ，

在 $Rt\triangle ADC$ 中， $DC=\sqrt{AD^2-AC^2}=\sqrt{(\sqrt{5})^2-2^2}=1$ ； $\therefore BC=\sqrt{5}+1$.

故选 D.

二、填空题 (每小题 3 分，共 24 分)

11. 25 的平方根是_____， $-\frac{27}{125}$ 的立方根是_____.

【答案】 ± 5 ； $-\frac{3}{5}$



【考点】 平方根、立方根概念

【解析】 正数有两个平方根，25 的平方根为 ± 5 ；负数的立方根仍是负数， $-\frac{27}{125}$ 的立方根是 $-\frac{3}{5}$ 。

12. 若无理数 a 满足 $1 < a < 4$ ，请你写出一个满足条件的无理数_____。

【答案】 $\sqrt{2}$ (答案不唯一)

【考点】 无理数估值

【解析】 因为 $1 < a < 4$ ，所以 $1 < a^2 < 16$ ，又因为 a 为无理数，且 $\sqrt{4}$ 、 $\sqrt{9}$ 为有理数，所以 a 可以是 $\sqrt{2}$ 、 $\sqrt{3}$ 、 $\sqrt{5}$ 、 $\sqrt{6}$ 、 $\sqrt{7}$ 、 $2\sqrt{2}$ 、 $\sqrt{10}$ 、 $\sqrt{11}$ 、 $2\sqrt{3}$ 、 $\sqrt{13}$ 、 $\sqrt{14}$ 、 $\sqrt{15}$ 。所以答案不唯一。

13. 比较大小： $\frac{\sqrt{7}+1}{2}$ _____ 2. (填“>”或“<”)

【答案】 <

【考点】 实数比较大小

【解析】 $2 = \frac{4}{2}$ ，分母相同，比较分子大小，即比较 $\sqrt{7}+1$ 与 4 的大小即可。因为 $2 < \sqrt{7} < 3$ ，

所以 $\sqrt{7}+1 < 4$ ，所以 $\frac{\sqrt{7}+1}{2} < 2$

14. 若 a ， b 都是无理数，且 $a+b=0$ ，则 a ， b 的值可以是_____。

【答案】 $\sqrt{2}$ ， $-\sqrt{2}$ (答案不唯一)

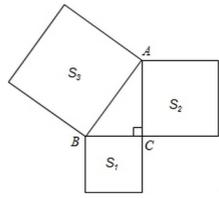
【考点】 相反数的判定

【解析】 $\because a+b=0$ ， $\therefore a$ ， b 互为相反数。又因为 a ， b 都是无理数，所以 a ， b 可以是任意一组互为相反数的无理数。

15. 如图，以 $\triangle ABC$ 的三边为边向外作正方形，其面积分别为 S_1 ， S_2 ， S_3 ，且 $S_1=9$ ， $S_3=25$ ，

当 $S_2=_____$ 时 $\angle ACB=90^\circ$ 。





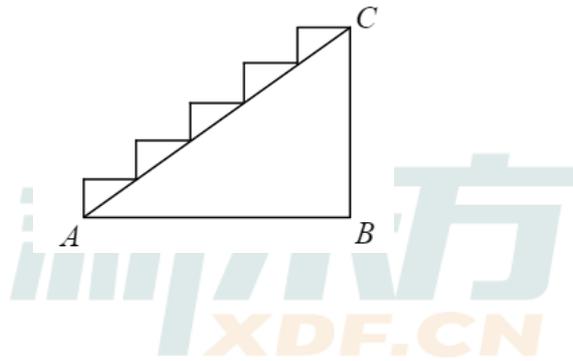
【答案】 16

【考点】 勾股定理的应用

【解析】 因为 $S_1=9$ ， $S_3=25$ ，所以 $BC=3$ ， $AB=5$ 。在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB=90^\circ$ ，

则 $AC = \sqrt{AB^2 - BC^2} = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$ ，所以 $S_2=16$ 。

16.如图，一段楼梯的高 BC 是 $3m$ ，斜边 AC 是 $5m$ ，如果在楼梯上铺地毯，那么至少需要地毯____米。



【答案】 7

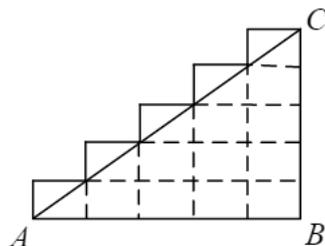
【考点】 勾股定理的实际应用

【解析】 由题意可知， $\triangle ABC$ 是直角三角形，

在 $Rt\triangle ABC$ 中， $AC=5m$ ， $BC=3m$ ，由勾股定理知 $AB=4m$ ，

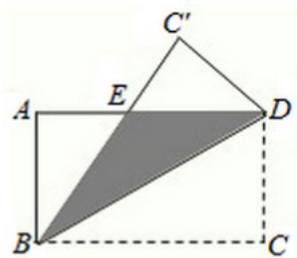
由下图可知，地毯覆盖的长度至少为 $AB+BC$ 的长度，

故至少需要地毯 $4+3=7m$ 。 故答案为 7



17.如图，矩形 ABCD 中，AB=3，BC=4，如果将该矩形沿对角线 BD 折叠，则图中阴影部分的面积为

_____.



【答案】 $\frac{75}{16}$

【考点】 勾股定理中的折叠问题

【解析】

∵ 四边形 ABCD 是矩形， ∴ $\angle A = 90^\circ$ ， $AD \parallel BC$ ， $AD = BC = 4$ ， ∴ $\angle EDB = \angle DBC$ ，

由折叠的性质可得： $\angle EBD = \angle DBC$ ， ∴ $\angle EDB = \angle EBD$ ， ∴ $EB = ED$ ，

设 $EB = ED = x$ ， 则 $AE = AD - ED = 4 - x$ ，

在 $Rt\triangle ABE$ 中， $AB^2 + AE^2 = BE^2$ ， 即 $3^2 + (4-x)^2 = x^2$ ，

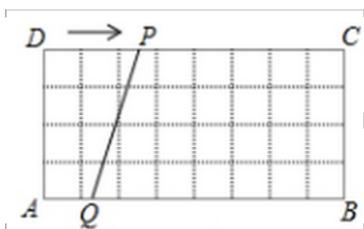
解得： $x = \frac{25}{8}$ ， 即 $DE = \frac{25}{8}$ ， ∴ $S_{\text{阴影}} = S_{\triangle BDE} = \frac{1}{2} DE \cdot AB = \frac{1}{2} \times \frac{25}{8} \times 3 = \frac{75}{16}$ 。

∴ 图中阴影部分的面积是 $\frac{75}{16}$

18.如图，在 8×4 的网格纸中，每个小正方形的边长都为 1，动点 P、Q 分别从点 D、A 同时出发向右移动，点 P 的运动速度为每秒 1 个单位，点 Q 的运动速度为每秒 0.5 个单位，当点 P 运动到点 C 时，两个点都停止运动，设运动时间为 $t(0 < t < 8)$ 。

当 t 为 _____ 时， $\triangle PQB$ 是等腰三角形（写出两个答案即可）。

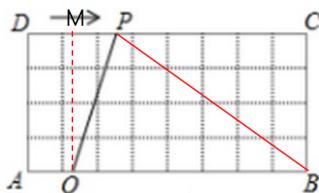




【答案】 $\frac{16}{3}$ 或 6 或 $\frac{8}{3}$

【考点】 等腰三角形存在性问题

【解析】



过点 Q 作 $QM \perp CD$ 于点 M

由题意得： $MQ = BC = 4$ ， $PD = t$ ， $AQ = 0.5t$ ， 则 $PC = 8 - t$ ， $QB = 8 - 0.5t$ ， $PM = 0.5t$ ，

在 $Rt\triangle PQM$ 中， $PQ^2 = (0.5t)^2 + 4^2$ ，

在 $Rt\triangle PBC$ 中， $PB^2 = (8 - t)^2 + 4^2$ ，

①以点 P 为等腰顶点，则 $PQ = PB$ ， $PQ^2 = PB^2$ ，

得 $(0.5t)^2 + 4^2 = (8 - t)^2 + 4^2$ ， 即 $0.5t = 8 - t$ ， 解得 $t = \frac{16}{3}$ ；

②以点 Q 为等腰顶点， $QP = QB$ ， $QP^2 = QB^2$ ，

$(0.5t)^2 + 4^2 = (8 - 0.5t)^2$ ， 解得 $t = 6$ ；

③以点 B 为等腰顶点， $BP = BQ$ ， $BP^2 = BQ^2$ ，

$(8 - t)^2 + 4^2 = (8 - 0.5t)^2$ ， 解得 $t = \frac{8}{3}$ 或 8



$$\because 0 < t < 8, \quad \therefore t = \frac{8}{3} \qquad \text{故 } t = \frac{16}{3} \text{ 或 } 6 \text{ 或 } \frac{8}{3}$$

三、解答题 (共 5 个题, 共 46 分)

19. (每题 4 分, 共 16 分) 计算:

(1) $3\sqrt{2} + \sqrt{8}$

(2) $\frac{\sqrt{20} + \sqrt{45}}{\sqrt{5}}$

(3) $(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3}) + 2\sqrt{12}$

(4) $4\sqrt{\frac{1}{7}} - \sqrt{28} - \sqrt{700}$

【答案】 (1) $5\sqrt{2}$; (2) 5; (3) $4\sqrt{3} - 1$; (4) $-\frac{80}{7}\sqrt{7}$;

【考点】 实数的运算

【解析】

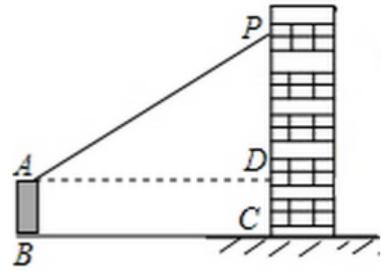
(1) 解: 原式 $= 3\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 5\sqrt{2}$ (2) 解: 原式 $= \frac{2\sqrt{5} + 3\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = 5$

(3) 解: 原式 $= (\sqrt{2})^2 - (\sqrt{3})^2 + 2 \times 2\sqrt{3} = 2 - 3 + 4\sqrt{3} = 4\sqrt{3} - 1$ (4) 解: 原式 $= \frac{4}{7}\sqrt{7} - 2\sqrt{7} - 10\sqrt{7} = -\frac{80}{7}\sqrt{7}$

20. (本题 8 分)

某消防队进行消防演练, 在模拟现场, 有一建筑物发生了火灾, 消防车到达后, 发现离建筑物的水平距离最近为 12 米, 即 $AD \perp CP$ 于 D , $AD = BC = 12$ 米, 此时建筑物中距地面 12.8 米高的 P 处有一被困人员需要救援, 已知消防云梯的车身高 AB 是 3.8 米。为此消防车的云梯至少应伸长多少米?





【答案】 15 米

【考点】 勾股定理的实际应用

【解析】 解：由题意可知： $AB=CD=3.8$ 米， $AD=12$ 米， $PC=12.8$ 米， $\therefore PD=PC-CD=12.8-3.8=9$ 米，
 $\because AD \perp CP$ ， $\therefore \angle ADP=90^\circ$ ， 在 $Rt\triangle ADP$ 中， $AP=\sqrt{AD^2+PD^2}=\sqrt{12^2+9^2}=15$ 米

答：此消防车的云梯至少应伸长 15 米。

21. (本题 7 分)

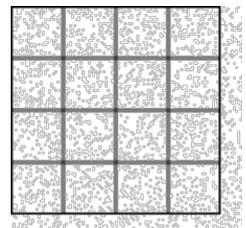
在如图所示的网格中，每个小正方形的边长均为 1 个单位.

作一个格点三角形 ABC ，使三角形的三边长 $AB=4$ ， $AC=\sqrt{10}$ ， $BC=3\sqrt{2}$.

(1) 在如图的 4×4 的方格内画 $\triangle ABC$ ，使它的顶点都在格点上.

(2) $\triangle ABC$ 的面积为_____.

(3) 点 B 到 AC 边的距离为_____.



【答案】 (1) 如图所示；(2) 6；(3) $\frac{6}{5}\sqrt{10}$

【考点】 网格中画三角形

【解析】



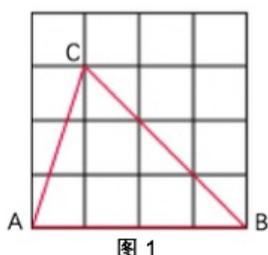


图 1

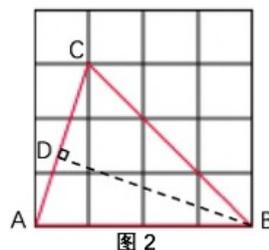


图 2

(1) 如图 1 所示：

(2) $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$

(3) 如图 2 所示，过点 B 作 AC 的垂线，垂足为 D，点 B 到 AC 边的距离就是 BD 线段的长度，利用等

面积法， $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times AC \times BD$ ， $6 = \frac{1}{2} \times \sqrt{10} \times BD$ ， $BD = \frac{6}{5} \sqrt{10}$

22. (本题 8 分)

探究：如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle C = 90^\circ$ ， $AC = 4$ ， $BC = 3$ ，在 $Rt\triangle ABC$ 的外部拼接一个合适的三角形，使得拼成的图形是一个等腰三角形，如图 (1) 所示. 要求再给出的四个备用图中分别画出四种与示例不同的拼接方法，并在图中标明拼接的直角三角形的三边长。

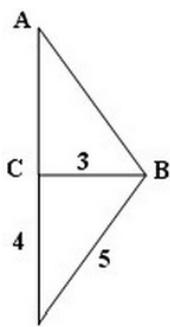
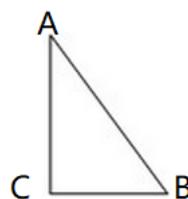
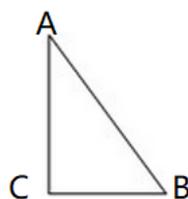
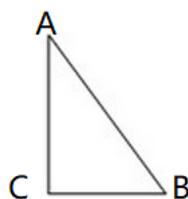
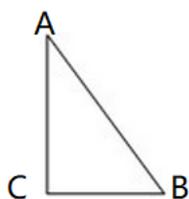


图 1

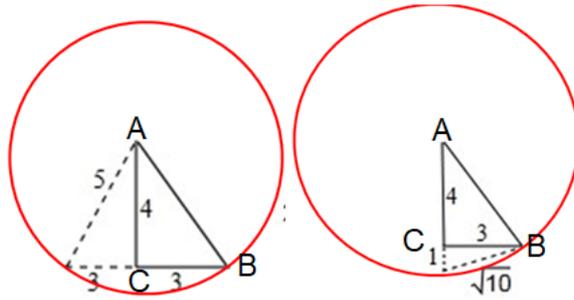


【答案】 见解析

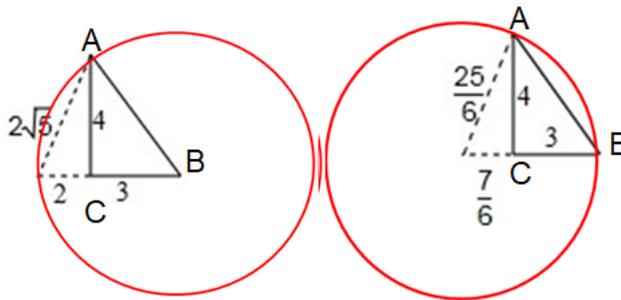
【考点】 等腰三角形存在性问题

【解析】 以点 A 为圆心，AB 长为半径作圆，得到如下两个图：





以点 B 为圆心，BA 长为半径作圆，得到如下两个图：



23. (本题 7 分)

阅读下面的材料，然后回答问题：

我们新定义一种三角形，两边的平方和等于第三边平方的 2 倍的三角形叫做奇异三角形。

理解：

①根据奇异三角形的定义，请你判断：等边三角形一定是奇异三角形吗？___(填“是”或“不是”)

②若某三角形的三边长分别为 1、 $\sqrt{7}$ 、2，则该三角形___(填“是”或“不是”)奇异三角形。

探究：

在 $Rt\triangle ABC$ 中，两边长分别是 a、c，且 $a^2=50$ ， $c^2=100$ ，则这个三角形是否是奇异三角形？请说明理由。

【答案】理解：①是；②是；

探究：(1) 当 c 为斜边时， $Rt\triangle ABC$ 不是奇异三角形；

(2) 当 b 为斜边时， $Rt\triangle ABC$ 是奇异三角形；



理由见解析

【考点】 阅读材料分析

【解析】 理解：① 设等边三角形的边长为 a ，

$\therefore a^2+a^2=2a^2 \quad \therefore$ 等边三角形一定是奇异三角形，故答案为：是；

② $\therefore 1^2+(\sqrt{7})^2=2\times 2^2 \quad \therefore$ 该三角形是奇异三角形；

探究：(1) 当 c 为斜边时， $b^2=c^2-a^2=50$ ， $\therefore a^2+c^2\neq 2b^2$ ($b^2+c^2\neq 2a^2$)

\therefore Rt \triangle ABC 不是奇异三角形；

(2) 当 b 为斜边时， $b^2=c^2+a^2=150$ ， $\therefore a^2+b^2=200$ ； $2c^2=200$

$\therefore a^2+b^2=2c^2 \quad \therefore$ Rt \triangle ABC 是奇异三角形；



