

2019 浦东新区一模数学解析

填空

第 1-18 题整体考点和考题类型都是常见的，二次函数的基本概念和图像性质考查分数很多，当然也是“送分”很多哦！18 题得先画好图，将翻折的常用辅助线—对称轴联结出来，接下来就是解三角形啦！

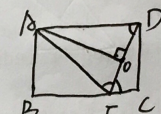
19. 浦东一模

1. 考点: 解△
答案: D.
2. 考点: 黄金分割
答案: ♥ B.
3. 考点: ♥ 二次函数的顶点式
答案: B.
4. 考点: 二次函数的平移.
答案: ♥ C.
5. 考点: 解△
答案: A.
6. 考点: 相似△的判定.
答案: C.
(2)(3)(4)
7. 考点: 比和性质
答案: $\frac{5}{9}$
8. 考点: 二次函数的概念
答案: $k \neq 3$.
9. 考点: 比例线段
答案: 9.

10. 考点: 相似△的性质
答案: 1:2.
11. 考点: 向量.
答案: $-4\vec{e}$
12. 考点: 坡度与坡比.
答案: 30
13. 考点: 二次函数的对称轴
答案: $x = -1$.
14. 考点: 二次函数的性质
答案: >
15. 考点: 相似△—一线三等角模型
答案: $\frac{14}{3}$
16. 考点: 二次函数的对称轴
答案: (3, -1).
17. 考点: 比例线段.
答案: 4.8.
 $\frac{\text{身高}}{AB} = \frac{CD}{BD} = \frac{EF}{BF}$
CE=2, ED=1, DF=3.
求 BD=9.

18. 考点: 相似三角形
及解△.

答案: $\frac{24}{25}$



$\angle BDE = \angle BED = \angle DEC$
令 $BD = BE = 5$.
 $\therefore DO = OE = 3$.
 $\therefore DE = 6$. $CE = DE \cdot \cos \angle DEC$
 $= \frac{18}{5}$
 $CP = DE \cdot \sin \angle DEC$
 $= \frac{24}{5}$
 $\therefore \frac{AP}{BC} = \frac{CP}{BD} = \frac{24}{25}$

解答

第 19-22 题

考题比较常规，考点包括二次函数、平面向量、平行线分线段成比例和三角比应用，难度一般，满分不难哦！

浦东

主讲：方耀辉

19. 考点：二次函数

解：A(1,0), B(5,0), (0,10)

$$\therefore AB=4, CO=10$$

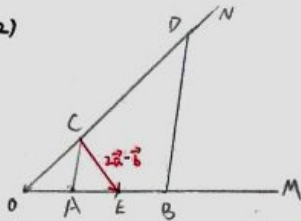
$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot CO = 20$$

20. 考点：平面向量

解：(1) $\vec{OB} = 3\vec{a}, \vec{OD} = 3\vec{b}$

$$\vec{BD} = -\vec{OB} + \vec{OD} = -3\vec{a} + 3\vec{b}$$

(2)



取AB中点E, $\vec{CE} = 2\vec{a} - \vec{b}$

21. 考点：平行线分线段成比例，解三角形

解：(1) 作 $AH \perp BC$ 于 H

$$AH = \frac{BH}{\cot B} = \frac{BC - CH}{\cot B} = 12$$

$$\therefore CD = AM = 12$$

(2) 作 $MG \perp CD$ 于 G , MG 交 AM 于 I

$$AB = \sqrt{BM^2 + AM^2} = 13$$

$$\frac{AM}{AB} = \frac{MI}{BH}, \text{ 即 } \frac{13-x}{13} = \frac{MI}{5}$$

$$MI = -\frac{5}{13}x + 5$$

$$\therefore MG = MI + IG = -\frac{5}{13}x + 15$$

$$\therefore S_{\triangle CDM} = \frac{1}{2} \cdot CD \cdot MG = \frac{1}{2} \times 12 \cdot (-\frac{5}{13}x + 15) = -\frac{30}{13}x + 90$$

$$\text{即 } y = -\frac{30}{13}x + 90, \quad 0 \leq x \leq 13$$

22. 考点：锐角三角比实际应用

$$\text{解：} \angle 1 = 45^\circ, \angle 2 = 37^\circ, \angle 3 = 23^\circ$$

$$\angle 5 = \angle 2 = 37^\circ, \angle 4 + \angle 5 = 90^\circ$$

$$\angle C = 180^\circ - \angle 1 - (\angle 4 + \angle 5) - \angle 3 = 22^\circ$$

$$\angle ABC = \angle 3 + \angle 5 = 80^\circ$$

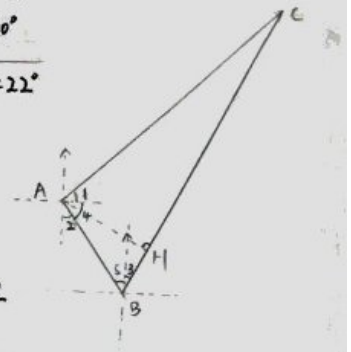
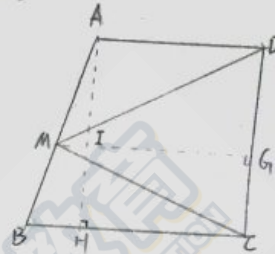
作 $AH \perp BC$ 于 H

$$AH = AB \cdot \sin 60^\circ = 15 \text{ 海里}$$

$$BH = AB \cdot \cos 60^\circ = 1 \text{ 海里}$$

$$CH = \frac{AH}{\tan C} = \frac{15}{\tan 22^\circ} = 4.25 \text{ 海里}$$

$$\therefore BC = BH + CH = 5.25 \text{ 海里}$$



第 23 题考到了多个模型，需要学生对模型灵活运用。

第 24 题还是考到了角相等问题，考法比较常规。一句点在线段上，连分类讨论

都省了。今年的教研员都特别可爱，想让我们的小朋友考出高分呢。

浦东 23. 24

23 考点: A型, X型, 斜A型.

$$\begin{aligned} (1) \because AD \parallel BC \\ \therefore \frac{GF}{GM} = \frac{AF}{MC} \\ \frac{EF}{EM} = \frac{AF}{BM} \\ \because M \text{ 是 } BC \text{ 中点,} \\ \therefore CM = BM \\ \therefore \frac{GF}{GM} = \frac{EF}{EM} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \because BC^2 = 2BA \cdot BE \\ \therefore \frac{1}{2}BC^2 = BA \cdot BE \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{\frac{1}{2}BC}{BE} = \frac{BA}{BC}$$

$$\therefore \frac{BM}{BE} = \frac{BA}{BC}$$

$$\text{又} \because \angle B = \angle B$$

$$\therefore \triangle BME \sim \triangle BAC$$

$$\angle BME = \angle BAC$$

$$\text{又} \because AB \parallel CD$$

$$\therefore \angle BAC = \angle ACD$$

$$\therefore \angle BME = \angle ACD$$

考点: 二次函数解析式; 有公共边斜A型; 角相等问题

$$24. (1) \text{ 当 } x=0 \text{ 时, } y=4$$

$$\text{故 } B(0, 4)$$

$$\text{代入 } y = -\frac{1}{2}x + b \Rightarrow b = 4$$

$$\therefore A(8, 0)$$

故抛物线表达式为:

$$y = -\frac{1}{8}x^2 + \frac{1}{2}x + 4$$

$$(2) \text{ 抛物线对称轴为直线 } x = -\frac{\frac{1}{2}}{2 \times (-\frac{1}{8})} = 2$$

$$\therefore D(2, 0)$$

$$BD = 4$$

$$OD = 2$$

$$AD = 8$$

$$\frac{BD}{AD} = \frac{OD}{DB}$$

$$\text{又} \because \angle AOB = \angle AOB$$

$$\therefore \triangle BOD \sim \triangle ADB$$

$$(3) \because \angle BCP = \angle DBO$$

$$\text{由(2)得 } \angle DBO = \angle BAO$$

$$\therefore \angle BCP = \angle BAO$$

$$\therefore \triangle BCP \sim \triangle BAC$$

$\therefore C$ 是抛物线与 x 轴另一交点.

$$\therefore C(-4, 0)$$

$$BC = 4\sqrt{2}$$

$$AB = 4\sqrt{5}$$

$$BC^2 = BP \cdot AB$$

$$BP = \frac{BC^2}{AB} = \frac{32}{4\sqrt{5}} = \frac{8}{\sqrt{5}}$$

$$A(8, 0) \quad B(0, 4)$$

$$\text{设直线 } AB: y = kx + b \quad (k \neq 0)$$

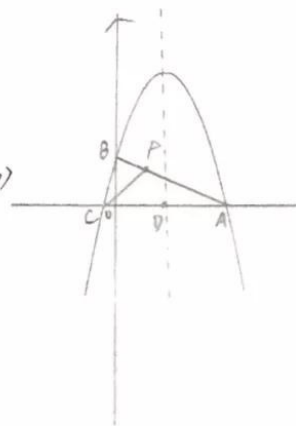
$$\text{故 } l_{AB}: y = -\frac{1}{2}x + 4$$

$$\text{设 } P(m, -\frac{1}{2}m + 4)$$

$$BP = \frac{8}{\sqrt{5}}$$

$$\therefore P\left(\frac{16}{5}, \frac{12}{5}\right)$$

$$\therefore P \text{ 点坐标为 } \left(\frac{16}{5}, \frac{12}{5}\right)$$



主讲: 陈厚强

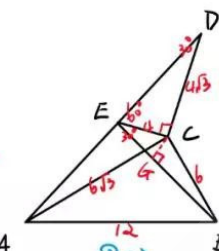
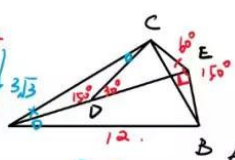
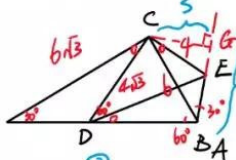
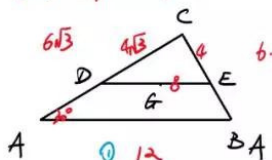
第 25 题考了旋转型，以及最关键的部分是解三角形。

2019浦东一模

2019年3月16日，星期三

19:28

25. 思路：解三角形，旋转型相似，垂心的性质。



(1) 根据垂心性质。

$$\frac{DE}{AB} = \frac{2}{3} \Rightarrow DE = 8, CD = 4\sqrt{3}$$

(2) $\because \triangle ABC \sim \triangle DCE$

$\therefore \triangle ACD \sim \triangle BCE$ (旋转型)

解 $\triangle CGB$ ，求出 BE 。作 $CG \perp AE$ 。

$$GB = 2\sqrt{3}, GE = \sqrt{CE^2 - CG^2} = \sqrt{7}$$

$$\therefore BE = 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$$

注：结论为假

(3) I. 当点 D 在 $\triangle ABC$ 内部时。①-1.

$\triangle ACD \sim \triangle BCE$

$$\therefore \angle ADC = \angle BEC = 150^\circ$$

$$\therefore \angle CBD = 60^\circ \therefore \angle AEB = 90^\circ$$

$$\text{求 } \sin \angle BAE = \frac{BE}{AB} \text{ 即求 } BE$$

在 $\triangle CEB$ 中， $CE = 4, CB = 6, \angle CEB = 150^\circ$

解 $\triangle CEB$ 。作 $CG \perp BE$ 。



$$CG = 2, EG = 2\sqrt{3}, BG = 4\sqrt{2}$$

$$\therefore BE = 4\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$$

$$\therefore \sin \angle BAE = \frac{4\sqrt{2} - 2\sqrt{3}}{12} = \frac{2\sqrt{2} - \sqrt{3}}{6}$$

II. 当点 D 在 $\triangle ABC$ 外部时。

$\triangle ACD \sim \triangle BCE$

$$\therefore \angle ADC = \angle BEC = 30^\circ$$

$$\therefore \angle DEB = 60^\circ \therefore \angle AEB = 90^\circ$$

$$\therefore \sin \angle BAE = \frac{BE}{AB} \text{ 即求 } BE$$

在 $\triangle EBA$ 中， $CE = 4, CB = 6$

$\angle CEB = 30^\circ$ 。作 $CG \perp BE$

$$\therefore CG = 2, EG = 2\sqrt{3}, BG = 4\sqrt{2}$$

$$\therefore BE = 4\sqrt{2} + 2\sqrt{3}$$

$$\therefore \sin \angle BAE = \frac{4\sqrt{2} + 2\sqrt{3}}{6}$$



获取2019全市中考一模解析，请添加小U老师并备注“行政区+年级+昵称”
小U老师拉你进群哦~

特别感谢：新东方初中数学组老师 徐艺晨，唐雅馨，程燕玲，方耀辉，陈雪强