

## 太原市2021年初中毕业班综合测试(三)

## 数学试卷

(考试时间:上午7:30—9:30)

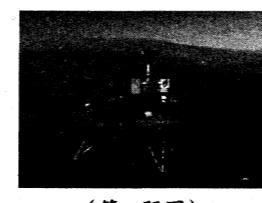
## 注意事项:

- 本试卷分第I卷和第II卷两部分。全卷共6页,满分120分,考试时间120分钟。
- 答题前,考生务必将自己的姓名、准考证号填写在本试卷相应的位置。
- 答案全部在答题卡上完成,答在本试卷上无效。
- 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。

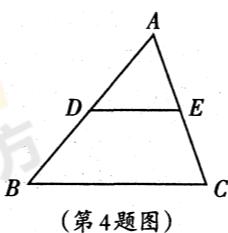
## 第I卷 选择题(共30分)

一、选择题(本大题共10个小题,每小题3分,共30分)在每个小题给出的四个选项中,只有一项符合题目要求,请选出并在答题卡上将该项涂黑.

- 在 $-3, -2, 1, 4$ 中,绝对值最小的数是
  - A. 4
  - B.  $-3$
  - C.  $-2$
  - D. 1
- 下列运算正确的是
  - A.  $(a+b)^2 = a^2 + b^2$
  - B.  $(-a^2) \cdot a^3 = a^6$
  - C.  $(-2x^2)^3 = -8x^6$
  - D.  $4a^2 - (2a)^2 = 2a^2$
- 从国家航天局获悉,根据“祝融号”火星车发回遥测数据确认,5月15日7时18分,天问一号着陆巡视器成功着陆于火星南部预选着陆区,我国首次火星探测任务着陆成功.如果从火星表面发出的光需要经过20min才能到达地球(光速为 $300000\text{km/s}$ ),那么用科学记数法表示此时火星与地球间的距离为
  - A.  $3.6 \times 10^8\text{km}$
  - B.  $3.6 \times 10^7\text{km}$
  - C.  $6 \times 10^6\text{km}$
  - D.  $6 \times 10^7\text{km}$
- 如图,点D,E分别是 $\triangle ABC$ 的边AB,AC的中点,连接DE.若 $\angle B=50^\circ$ , $\angle A=60^\circ$ ,则 $\angle AED$ 的度数等于
  - A.  $50^\circ$
  - B.  $60^\circ$
  - C.  $70^\circ$
  - D.  $80^\circ$

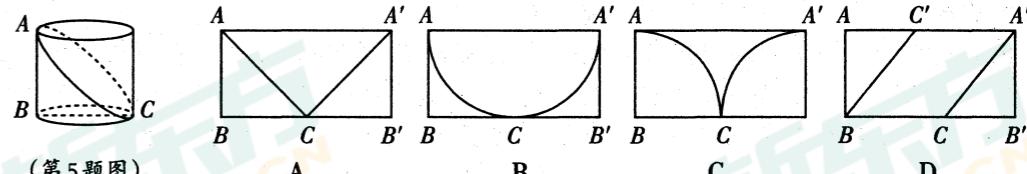


(第3题图)



(第4题图)

5. 如图,已知BC是圆柱底面的直径,AB是圆柱的高,在圆柱的侧面上,过点A,C嵌有路径最短的一圈金属丝,现将圆柱侧面沿AB剪开,所得的圆柱侧面展开图是



(第5题图)

6. 二元一次方程组 $\begin{cases} 3x + 2y = 13, \\ 8x - 2y = 20 \end{cases}$ 的解是

A.  $\begin{cases} x = 5, \\ y = -1 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} x = 4, \\ y = \frac{1}{2} \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x = 3, \\ y = 2 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} x = 2, \\ y = -2 \end{cases}$

7. 某十字路口交通信号灯时间的设置是红灯亮50s,绿灯亮45s,黄灯亮10s.当一人驾车通过该路口时,他遇到红灯的概率是

A.  $\frac{10}{19}$

B.  $\frac{10}{21}$

C.  $\frac{3}{7}$

D.  $\frac{2}{21}$



(第7题图)

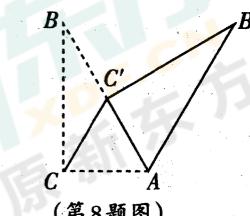
8. 如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$ , $\angle B=30^\circ$ , $AB=4$ ,将 $\triangle ABC$ 绕点A顺时针旋转得到 $\triangle AB'C'$ ,当点C落在边AB上时,线段CC'的长为

A.  $\frac{2\pi}{3}$

B. 1

C.  $\sqrt{3}$

D. 2



(第8题图)

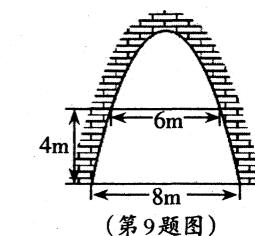
9. 如图,有一个截面边缘为抛物线型的水泥门洞.门洞内的地面宽度为8m,两侧距地面4m高处各有一盏灯,两灯间的水平距离为6m,则这个门洞内部顶端离地面的距离为

A.  $\frac{64}{7}$

B. 8

C.  $\frac{64}{9}$

D. 7.5



(第9题图)

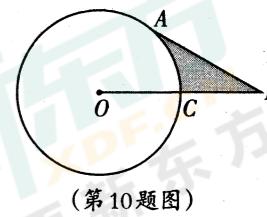
10. 如图, $OC$ 为 $\odot O$ 的半径, $AB$ 与 $\odot O$ 切于点A,与射线 $OC$ 交于点B.若 $\angle B=30^\circ$ , $OC=4$ ,则图中阴影部分的面积为

A.  $16\sqrt{3} - \frac{8}{3}\pi$

B.  $8\sqrt{3} - \frac{8}{3}\pi$

C.  $16\sqrt{3} - \frac{4}{3}\pi$

D.  $8\sqrt{3} - \frac{4}{3}\pi$



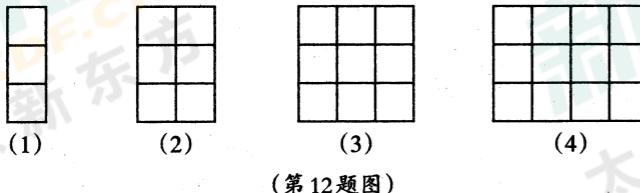
(第10题图)

## 第Ⅱ卷 非选择题(共90分)

**二、填空题**(本大题共5个小题,每小题3分,共15分)将答案直接写在答题卡相应位置

11. 分解因式  $4x(x+1) - (x+1)^2$  的结果是  $\boxed{\quad}$ .

12. 如图是一组有规律排列的图案, 它们是由边长为1的正方形组成, 第(1)个图案有边长为1的小正方形3个, 第(2)个图案有边长为1的小正方形6个, 第(3)个图案有边长为1的小正方形9个, ……依此规律, 则第n个图案中, 边长为1的小正方形有  $\boxed{\quad}$  个.



(第12题图)

13. 如图,反比例函数 $y = \frac{6}{x}$  ( $x > 0$ ) 和一次函数 $y = mx + n$  的图象在第一象限交于点 A, 若点 A 的纵坐标是 2, 则关于 x 的不等式 $mx + n < \frac{6}{x}$  的解集是 ▲ .

14. 有三把钥匙(编号分别是1,2,3)与三把锁(编号分别是A,B,C),每把钥匙只能打开其中一把锁,每把锁只有一把钥匙能打开.如果从三把钥匙中随机选取两把,那么能一次性(即不能试)打开A锁与B锁的概率是▲.

15. 如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$ , $AC=2$ , $BC=6$ .点D是在边BC上的动点,则 $\frac{2}{3}BD+AD$ 的最小值是▲.

**三、解答题(本大题共8个小题,共75分)解答时应写出必要的文字说明、推理过程或演算步骤**

16. (本题共2个小题,每小题5分,共10分)

$$(1) \text{计算: } (-\frac{1}{3})^{-1} - \sqrt[3]{8} + (-1^2) - \frac{2}{3} \times (-6);$$

$$(2) \text{解方程: } \frac{x+2}{x-2} = \frac{3x+1}{2x-4}$$

17. (本题6分)

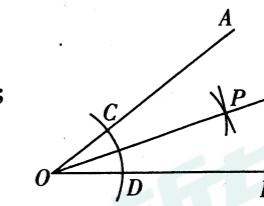
如图,对 $\angle AOB$ 进行以下操作:

- ①以点O为圆心,任意长为半径画弧,分别交OA,OB于点C,点D;
  - ②分别以C,D两点为圆心,大于 $\frac{1}{2}CD$ 长为半径画弧,两弧交于点P;
  - ③作射线OP.

请解答下列问题：

- (1)作线段 $OP$ 的垂直平分线,分别交 $OA,OB$ 于点 $E,点F$ ;  
 (要求:尺规作图,保留作图痕迹,不写作法)

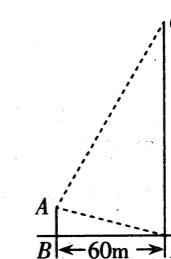
(2)在(1)所作的图中,求证: $OE=OF$ .



18. (本题7分)

如图,小明在自己家中(点A处)分别测得正对面大楼最高处点C的仰角为 $60^\circ$ ,大楼底部点D的俯角为 $15^\circ$ .已知两楼AB,CD之间的距离BD为60m,求楼高DC.

(参考数据:  $\sin 15^\circ \approx 0.26$ ,  $\cos 15^\circ \approx 0.97$ ,  $\tan 15^\circ \approx 0.27$ ,  $\sqrt{3} \approx 1.73$ )



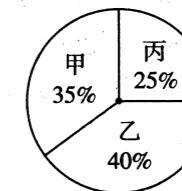
19. (本题9分)

某公司欲招聘一名营销经理,经过激烈的角逐后,对最后进入的三名候选人甲、乙、丙先进行了笔试和面试,又组织100名员工对三人的营销策略演讲进行了民主投票.他们笔试与面试的成绩及民主投票的得票情况(没有弃权票,每位员工只能投一人,一票记1分)统计如下:

笔试与面试成绩统计表

测试项目	测试成绩/分		
	甲	乙	丙
笔试	65	70	95
面试	90	80	75

### 民主投票的得票扇形统计图



- (1)如果根据总成绩(笔试、面试成绩与投票得分的和)确定个人成绩,那么被录用的是▲;  
(2)根据实际需要,公司将笔试、面试、民主投票三项得分按2:5:3的比例确定个人成绩,  
那么谁将被录用?如果是按3:2:5的比例确定个人成绩,那么结果又如何呢;  
(3)结合以上的录用结果,谈谈你的看法.

20. (本题10分)

某公司为了宣传销售一种新产品,在某地先后举办了30场产品促销会.已知该产品每台成本为10万元,设第x场产品的销售量为y(台).在销售过程中获得以下信息:

信息1:销售量y与销售场次x之间满足关系式 $y=-x+50$ .

信息2:每场销售单价p(万元)由基本价和浮动价两部分组成,其中基本价保持不变,浮动价与销售场次x成正比.

经过统计得到如右表数据:

(1)求每场的基本价及p与x之间的函数关系式;

(2)在这30场产品促销会上,哪一场获得的利润最大,并求出最大利润.

x(场)	3	10
p(万元)	10.6	12

21. (本题9分)

阅读下列材料,完成相应的任务.

小明读了“一元二次方程的几何解法”一文,了解了巴比伦泥版中的解法、欧几里得《几何原本》中的方法、卡莱尔的方法等.卡莱尔的结论是:如果关于x的方程 $x^2+bx+c=0$ 有两个实数根,则以A(0,1)和B(-b,c)为直径端点的 $\odot P$ 与x轴交点的横坐标就是该方程的两个根.小明摘录了证明这个结论的部分过程.

证明:不妨设 $b<0, c>0$ .如图,以AB为直径作 $\odot P$ ,设 $\odot P$ 与x轴交于C,D两点,与y轴交于点E.连接BE,PC,PD,PE.过点P分别作 $PM \perp y$ 轴于点M, $PN \perp x$ 轴于点N.

$\because AB$ 为 $\odot P$ 的直径,  $\therefore \angle AEB=90^\circ$ .  $\therefore \angle EOD=90^\circ$ ,  $\therefore \angle AEB+\angle EOD=180^\circ$ .  $\therefore BE \parallel x$ 轴.

$\because A, B$ 两点的坐标分别为 $(0, 1), (-b, c)$ ,  $\therefore AE=c-1, BE=-b$ .

在 $Rt\triangle ABE$ 中,由勾股定理得 $AB = \sqrt{AE^2 + BE^2} = \sqrt{(c-1)^2 + (-b)^2} = \sqrt{(c-1)^2 + b^2}$ .

在 $\triangle PAE$ 中,  $\because PA=PE, PM \perp y$ 轴于点M,  $\therefore AM=\frac{1}{2}AE=\frac{1}{2}(c-1)$ .  $\therefore MO=AM+OA=\frac{1}{2}(c+1)$ .

$\because PA=PB$ ,  $\therefore PM$ 是 $\triangle ABE$ 的中位线.  $\therefore PM=\frac{1}{2}BE=\frac{1}{2}(-b)=-\frac{1}{2}b$ .

$\because PM \perp y$ 轴于点M, $PN \perp x$ 轴于点N, $\angle EOD=90^\circ$ ,

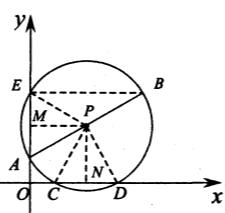
$\therefore$ 四边形 $OMP$ 是矩形.  $\therefore ON=MP=-\frac{1}{2}b, PN=MO=\frac{1}{2}(c+1)$ .

在 $\triangle PCD$ 中, $PC=PD, PN \perp CD$ ,  $\therefore NC=ND$  (依据:  $\triangle$ ).

在 $Rt\triangle PNC$ 中,由勾股定理得

$$CN = \sqrt{PC^2 - PN^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\sqrt{(c-1)^2 + b^2}\right)^2 - \left[\frac{1}{2}(c+1)\right]^2} = \frac{\sqrt{b^2 - 4c}}{2}$$

批注:求出线段OC和OD的长就能证明该结论.



任务:

(1)依据:  $\triangle$ ;

(2)根据小明的批注完成解答过程;

(3)用上述结论求方程 $x^2+3x-4=0$ 的根.请在图示的平面直角坐标系中画出对应的圆,并直接写出它与x轴的交点坐标.

22. (本题12分)综合与实践

在数学实践课上,老师让同学们在折叠矩形纸片的过程中提出问题并解答.

如图,在矩形纸片ABCD中, $AB=6, BC=12$ ,点E在BC边上,点F在AB边上.沿直线EF折叠矩形纸片,点B落在点B'处.

问题一:

(1)如图1,当点F与点A重合时,连接CB',若 $\triangle B'EC$ 是直角三角形,则线段BE的长为  $\triangle$ ;

问题二:

(2)如图2,将纸片展平.点H在边DC上,点G在边BC上,沿直线GH折叠矩形纸片,点C落在点C'处, $GC'$ 与 $EB'$ 恰好交于AD边的中点O. $GC'$ 交 $EF$ 于点M, $GH$ 分别交 $EF, EB'$ 于点P,点N.当 $BG=EC$ ,  $\angle BEF=30^\circ$ 时,求四边形 $OMP$ 的面积;

问题三:

(3)如图3,当点F与点A重合时,延长 $EB'$ 与边AD交于点C',沿直线EH折叠纸片(点H在边CD上),点C与点C'恰好重合.再次沿平行于AD的直线折叠纸片,点E落在AD上的点E'处,折痕分别交AE于点P,交EH于点Q,将纸片展平并连接 $EE'$ , $C'P$ , $C'Q$ , $EE'$ 交 $PQ$ 于点K.请判断四边形 $EPC'Q$ 的形状,并说明理由.

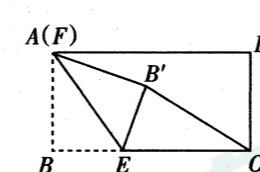


图1

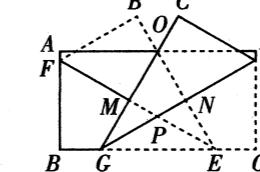


图2

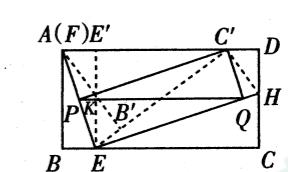


图3

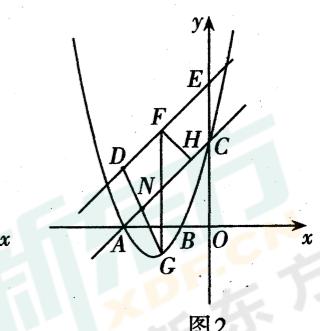
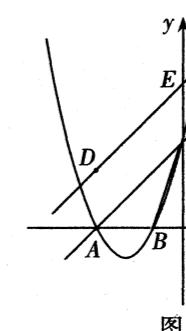
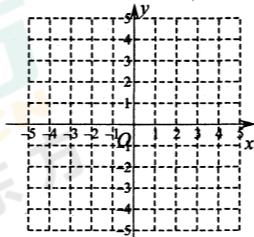
23. (本题12分)综合与探究

如图,抛物线 $y=x^2+4x+3$ 与x轴交于A,B两点(点A在点B的左侧),与y轴交于点C.点B关于直线AC的对称点为点D,点E的坐标为 $(0, 5)$ .

(1)求A,B,C三点的坐标;

(2)如图1,连接BC,在直线DE上是否存在点M,使得 $\triangle CMA \cong \triangle ABC$ ?若存在,请求出点M的坐标;若不存在,请说明理由;

(3)如图2,点G在x轴下方的抛物线上,过点G作 $GF \perp x$ 轴交直线DE于点F,过点F作 $FH \perp AC$ 于点H,连接DG交AC于点N,当 $FG+FH$ 最大时,求 $DN:NG$ .



太原市 2021 年初中毕业班综合测试（三）  
数学答题卡

姓 名 \_\_\_\_\_

(贴条形码区)

准考证号 

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

考生禁涂  
缺考考生、由  
监考员用 2B 铅笔填  
涂下面的缺考标记

注意事  
项

1. 答题前，考生先将自己的姓名及准考证号填写清楚，并认真核对条形码上的姓名及准考证号。
2. 选择题必须使用 2B 铅笔填涂；非选择题必须使用 0.5 毫米的黑色笔迹签字笔书写，字体工整、笔迹清晰。
3. 请按照题号顺序在各题目的答题区域内作答，超出答题区域书写的答案无效；在草稿纸、试卷上答题无效。
4. 作图可先用 2B 铅笔画出，确定后必须使用 0.5 毫米的黑色笔迹签字笔描黑。
5. 保持清洁，不要折叠，不要弄破、弄皱，不准使用涂改液、修正带、刮纸刀。

正确填涂  
样例  
■

一、选择题

- |                    |                     |
|--------------------|---------------------|
| 1. [A] [B] [C] [D] | 6. [A] [B] [C] [D]  |
| 2. [A] [B] [C] [D] | 7. [A] [B] [C] [D]  |
| 3. [A] [B] [C] [D] | 8. [A] [B] [C] [D]  |
| 4. [A] [B] [C] [D] | 9. [A] [B] [C] [D]  |
| 5. [A] [B] [C] [D] | 10. [A] [B] [C] [D] |



二、填空题

11. \_\_\_\_\_ 12. \_\_\_\_\_ 13. \_\_\_\_\_  
14. \_\_\_\_\_ 15. \_\_\_\_\_

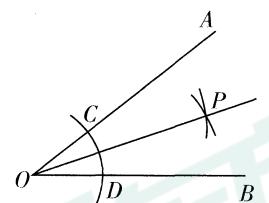
三、解答题

16. (1)

(2)

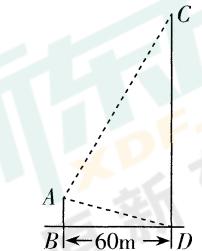
请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

17. (1)



(2)

18.



请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

19. (1) \_\_\_\_\_

(2)

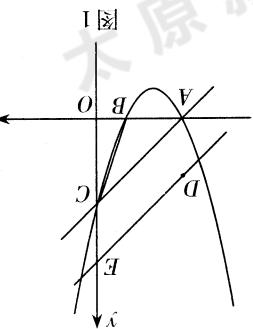
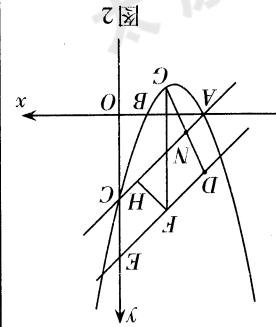
(3)

20. (1)

(2)

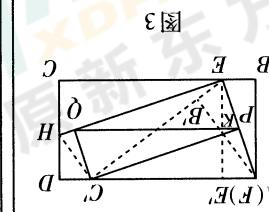
请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答案无效

请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答题无效



21.(1)

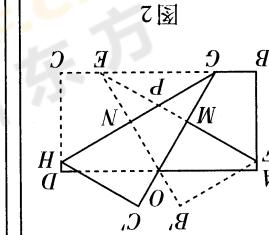
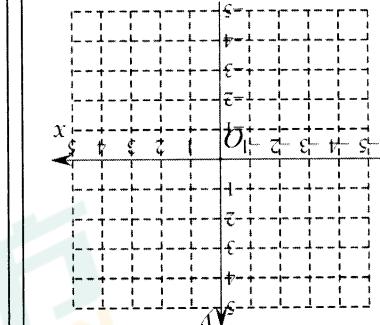
请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答题无效



(2)

(3)

请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答题无效

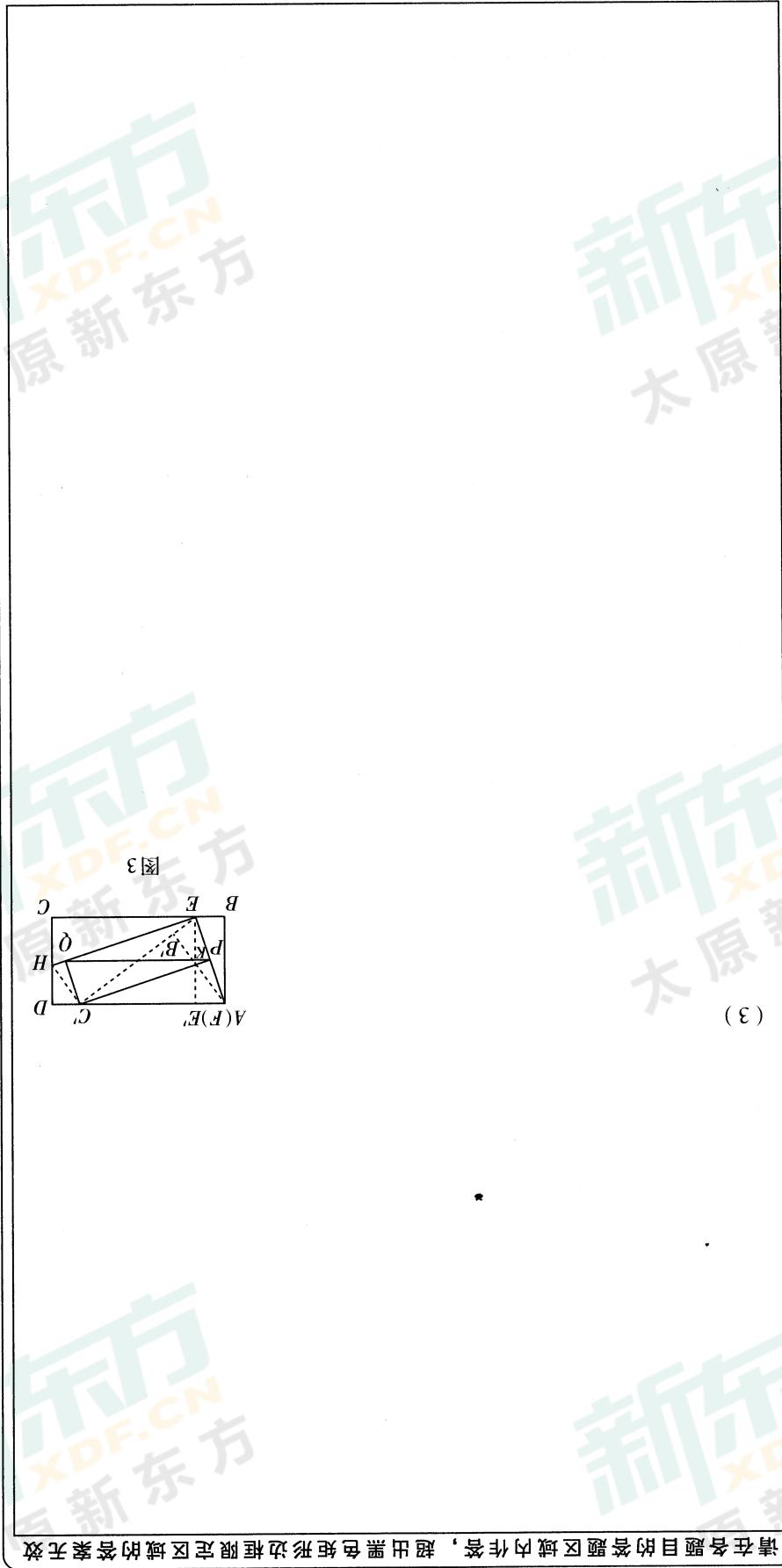
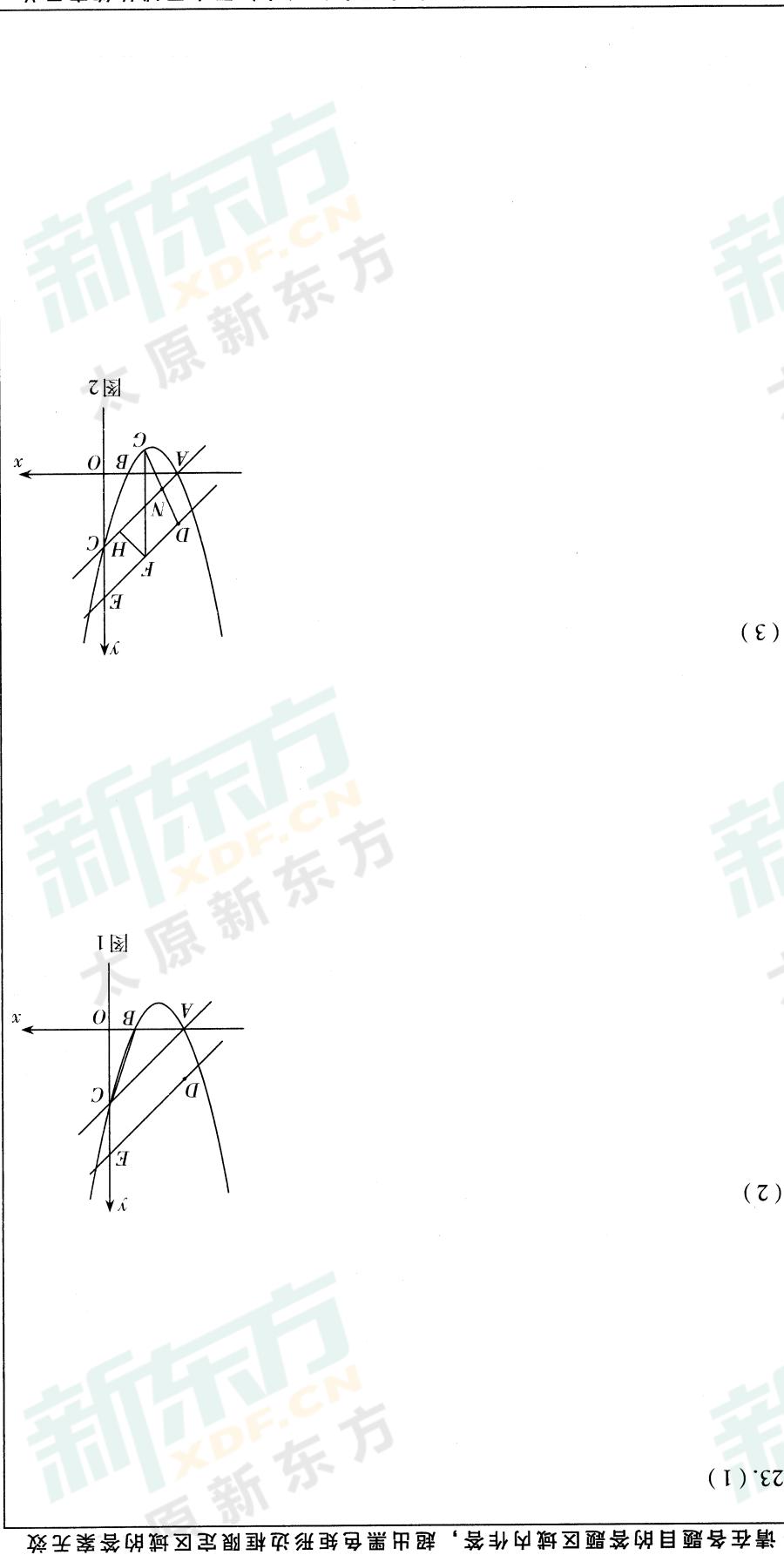


(1)

(2)

21.(2)

请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答题无效



请在各题目的答题区域内作答，超出黑色矩形边框限定区域的答题无效

22.(1)

(3)

22.(2)